

## שיעור 1 – יחידות ומימדים – סיכום

### חוקי חזקות

| פעולות בין מערכים עבור בסיס אחד   | מעריך אפס, שלילי ושבר  | פעולות בין מערכים עבור שני בסיסים  |
|---|--|--|
| $a^n \cdot a^m = a^{n+m}$ $\frac{a^n}{a^m} = a^{n-m}$ $(a^n)^m = a^{n \cdot m}$ | $a^0 = 1$ $a^{-n} = \frac{1}{a^n}$ $a^{\frac{n}{m}} = \sqrt[m]{a^n}$ | $(a \cdot b)^n = a^n \cdot b^n$ $\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$ |

### מהי פיסיקה

פיסיקה היא מדע המתאר בצורה כמותית (בעזרת משוואות מתמטיות) את התופעות הבסיסיות המתרחשות בטבע.

### ערך פיסיקלי

את התופעות הפיסיקליות מתארים באמצעות ערכם פיסיקליים שניתנים למדידה לדוגמא: זמן, מרחק, טמפרטורה, כוח וכולי.

### יחידה פיסיקלית

ערך פיסיקלי ניתן למדידה, ואפשר לבטא את הכמות שלו באופן מספרי ע"י מדידתו. יחידת צריכה להיות ידועה לכולם כדי לאפשר חילופי מידע בין אנשים.

### שיטת הקיצורים המבוססת על חזקות של 10

מכיוון שיש מקרים שבהם הכמות הנמדדת של ערך פיסיקלי מסויים היא גדולה מאד או קטנה מאד הוכנסה שיטה של קיצורים הנכונה לעל היחידות הפיסיקליות. שיטה זט מבוססת על החזקות של 10.

| סימון | תחילית       | חזקה של 10 |
|-------|--------------|------------|
| T     | Tera         | $10^{12}$  |
| G     | Giga         | $10^9$     |
| M     | Mega         | $10^6$     |
| K     | Kilo         | $10^3$     |
| d     | deci         | $10^{-1}$  |
| c     | centi        | $10^{-2}$  |
| m     | milli        | $10^{-3}$  |
| $\mu$ | <i>micro</i> | $10^{-6}$  |
| n     | nano         | $10^{-9}$  |
| p     | pico         | $10^{-12}$ |

### יחידות פיסיקליות בסיסיות

מדענים בחרו 3 ערכים פיסיקליים כערכים בסיסיים והיחידות הפיסיקליות שלהם הוגדרו כיחידות בסיסיות בסיסיות. שיטת היחידות הבסיסיות נקראת m.k.s.: יחידת אורך תמדד במטרים (m), יחידת מסה תמדד בק"ג (kg) ויחידת זמן תמדד בשניות (sec). כל שאר היחידות הפיסיקליות במכניקה הוגדרו בעזרת שלוש היחידות הפיסיקליות הבסיסיות.

**יחידות נוספות של הערכים הפיזיקליים הבסיסיים**

|   |   |
|---|---|
| $1m = 10dm = 10^2 cm = 10^3 mm$   | יחידות אורך   |
| $1m^2 = (10dm)^2 = 100dm^2$<br>$1m^2 = (100cm)^2 = 10^4 cm^2$<br>$1m^2 = (1000mm)^2 = 10^6 mm^2$                                  | יחידות שטח  |
| $1liter = 1dm^3$<br>$1m^3 = (10dm)^3 = 1000dm^3 = 1000liter$<br>$1m^3 = (100cm)^3 = 10^6 cm^3$<br>$1m^3 = (1000mm)^3 = 10^9 mm^3$ | יחידות נפח  |
| $1kg = 1000gr$<br>$1ton = 1000kg$   | יחידות מסה  |
| $1min = 60sec$<br>$1hr = 60min = 3600sec$<br>$1day = 24hr$<br>$1year = 365day$  | יחידות זמן  |
| $1 \frac{gr}{cm^3} = \frac{10^{-3} kg}{(10^{-2} m)^3} = \frac{10^{-3} kg}{10^{-6} m^3} = 10^3 \frac{kg}{m^3}$                     | יחידת צפיפות המסה $\rho$ - צפיפות מסה זה<br>מסה ( $m$ ) ליחידת נפח ( $V$ ): $\rho = \frac{m}{V}$<br>או מסה (כמות החומר) שווה לצפיפות המסה כפול נפח הגוף: $m = \rho \cdot V$ |

**מעברי יחידות**

כאשר רוצים להעביר ערך פיסיקלי לצורת יחידות אחרת מציבים במקום היחידות הישנות את הנוסחא המקשרת עם היחידות החדשות.

לדוגמא:  $12m = 12 \cdot 1m = 12 \cdot 100cm = 1200cm$

$5mm = 5 \cdot 1mm = 5 \cdot 10^{-3} m = 0.005m$

**חישובים מתמטיים עם ערכים פיסיקליים**

חיבור וחיסור בין ערכים פיסיקליים: אפשר לחבר, לחסר או להשוות 2 ערכים פיסיקליים בעלי אותן יחידות.

כפל וחילוק בין ערכים פיסיקליים: מבצעים את הפעולה גם על המספר וגם על היחידות שלו.

**דיוק וספרות ערך**

ספרות ערך אלו הן הספרות המשמעותיות במספר.

תוצאה מספרית לא תכלול יותר ספרות ערך מאשר המספרים מהן היא מחושבת.

בבעיות שנפתור המספרים הנתונים מדויקים עד 3 או 4 ספרות ערך. למשל אם נתון מספר בעל 3 ספרות ערך – התוצאה תהיה בת 3 ספרות ערך. לכן יש לעגל או להוסיף ספרה אחת לכל היותר.

**הערות לדף תרגילי בית מספר 1**

|                           |                   |       |
|---------------------------|-------------------|-------|
| $p = 2\pi r$              | היקף מעגל         | המעגל |
| $s = \pi r^2$             | שטח עיגול         |       |
| $v = \frac{4}{3} \pi r^3$ | נפח כדור          | כדור  |
| $s = 4\pi r^2$            | שטח מעטפת של כדור |       |

בתנועה במהירות קבועה:  $s = v \cdot t$  כאשר:  $v$  - מהירות הגוף,  $t$  - זמן,  $x$  - הדרך

תרגול 1 – יחידות ומימדים – סיכום  
פיסיקה 1 - שנקר  
נכתב ע"י שירלי עידן

## וקטורים במרחב - סיכום

$$\vec{R} = \vec{R}_x \hat{x} + \vec{R}_y \hat{y} + \vec{R}_z \hat{z}$$

תצוגת וקטור במרחב ע"פ רכיביו:

$$|\vec{R}| = \sqrt{(R_x)^2 + (R_y)^2 + (R_z)^2}$$

אורכו:

תצוגת וקטור ע"פ אורכו וכיוונו:

כיוונו:  $\theta$  - הזווית בין  $\vec{R}$  לבין ציר z:  $\cos \theta = \frac{R_z}{|\vec{R}|}$ ,  $\phi$  - הזווית בין הוקטור  $\vec{R}_{xy}$  לבין ציר x:  $\cos \phi = \frac{R_x}{R_{xy}}$

### פעולות חשבון בוקטורים תלת מימדיים:

$$\vec{A} = A_x \hat{x} + A_y \hat{y} + A_z \hat{z}$$

$$\vec{B} = B_x \hat{x} + B_y \hat{y} + B_z \hat{z}$$

עבור 2 הוקטורים הבאים במרחב:

$$\vec{C} = m\vec{A} = m(A_x \hat{x} + A_y \hat{y} + A_z \hat{z}) = mA_x \hat{x} + mA_y \hat{y} + mA_z \hat{z}$$

1. כפל וקטור בסקלר:

$$\vec{C} = \vec{A} + \vec{B} = (A_x + B_x) \hat{x} + (A_y + B_y) \hat{y} + (A_z + B_z) \hat{z}$$

2. חיבור וקטורים:

$$\vec{C} = \vec{A} - \vec{B} = (A_x - B_x) \hat{x} + (A_y - B_y) \hat{y} + (A_z - B_z) \hat{z}$$

3. חיסור וקטורים:

4. מכפלה סקלרית: מכפלה סקלרית בין 2 וקטורים,  $\vec{A} \cdot \vec{B}$ , זו פעולה מתמטית של מכפלה של גודל של וקטור אחד בהיטל של הוקטור השני עליו. מכפלה סקלרית בין 2 וקטורים נותנת סקלר.

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = |\vec{A}| |\vec{B}| \cos \alpha$$

חישוב לפי גודל הוקטורים והזווית שבניהם:

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = A_x B_x + A_y B_y + A_z B_z$$

חישוב לפי רכיבי הוקטורים:

הערות: 1. התוצאה המתקבלת במכפלה סקלרית היא סקלר.

2. מתקיים חוק החילוף  $\vec{A} \cdot \vec{B} = \vec{B} \cdot \vec{A}$ .

3. אם  $\vec{A} \perp \vec{B} \Leftrightarrow \alpha = 90^\circ \Leftrightarrow \cos 90^\circ = 0 \Leftrightarrow \vec{A} \cdot \vec{B} = 0$ .

4. אם  $\vec{A} \parallel \vec{B} \Leftrightarrow \alpha = 0 \Leftrightarrow \cos 0 = 1 \Leftrightarrow \vec{A} \cdot \vec{B} = |\vec{A}| |\vec{B}|$ .

5. מציאת הזווית בין 2 וקטורים  $\vec{A}$  ו-  $\vec{B}$ :  $\cos \alpha = \frac{\vec{A} \cdot \vec{B}}{|\vec{A}| |\vec{B}|}$ .

5. מכפלה וקטורית - מכפלה וקטורית בין 2 וקטורים,  $\vec{A} \times \vec{B}$ , זוהי פעולה מתמטית הנותנת וקטור הניצב לשני הוקטורים המוכפלים.

חישוב לפי גודל הוקטורים והזווית שבניהם:

כוון וקטור התוצאה: לפי כלל יד ימין: פרוש את יד ימין כך שארבעת האצבעות מורות לכוון הוקטור הראשון. כופף את ארבעת האצבעות לכוון הוקטור השני. וקטור התוצאה הוא בכוון האגודל.

$$|\vec{C}| = |\vec{A} \times \vec{B}| = |\vec{A}| |\vec{B}| \sin \alpha$$

גודל וקטור התוצאה:

חישוב לפי רכיבי הוקטורים:

$$\vec{C} = \vec{A} \times \vec{B} = \begin{vmatrix} \hat{x} & \hat{y} & \hat{z} \\ A_x & A_y & A_z \\ B_x & B_y & B_z \end{vmatrix} = \hat{x} \underbrace{(A_y B_z - A_z B_y)}_{C_x} - \hat{y} \underbrace{(A_x B_z - A_z B_x)}_{C_y} + \hat{z} \underbrace{(A_x B_y - A_y B_x)}_{C_z}$$

הערות: 1. התוצאה המתקבלת במכפלה וקטורית היא וקטור.

2. לא מתקיים חוק החילוף, אלא:  $\vec{A} \times \vec{B} = -\vec{B} \times \vec{A}$ .

## וקטורים דו מימדיים - סיכום

### חזרה על טריגונומטריה

|  |  |                         |
|--|--|-------------------------|
| $c^2 = a^2 + b^2$  | <b>משפט פיתגורס</b><br>במשולש ישר זווית בעל הניצבים $a, b$ והיתר $c$<br>(הערה: שלשות פיתגוריות: 3:4:5, 5:12:13, 8:15:17)                       | <b>במשולש ישר זווית</b> |
| $\sin \alpha = \frac{a}{c}$ $\cos \alpha = \frac{b}{c}$<br><br>$\tan \alpha = \frac{a}{b}$ | <b>הגדרת סינוס, קוסינוס וטנגנס:</b><br>במשולש ישר זווית בעל הניצבים $a, b$ , היתר $c$<br>והזווית $\alpha$ היא מול הניצב $a$                    | <b>במשולש ישר זווית</b> |
| $\frac{a}{\sin \alpha} = \frac{b}{\sin \beta} = \frac{c}{\sin \gamma} = 2R$                | <b>משפט הסינוסים</b> – במשולש כלשהו<br>כאשר הזוויות $\alpha, \beta, \gamma$ מונחות בהתאמה מול הצלעות $a, b, c$<br>ו- $R$ הוא רדיוס המעגל החוסם | <b>במשולש כלשהו</b>     |
| $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos \gamma$  | <b>משפט הקוסינוסים</b> – במשולש כלשהו בעל צלעות $a, b, c$<br>כאשר הזווית $\gamma$ מונחת מול הצלע $c$   | <b>במשולש כלשהו</b>     |

### וקטור וסקלר

גודל פיסיקלי סקלרי - הוא גודל פיסיקלי המוגדר ע"י ערכו המספרי בלבד (טמפ  $T$ , זמן  $t$ , אורך, נפח, שטח).  
גודל פיסיקלי וקטורי - הוא גודל פיסיקלי המוגדר ע"י ערכו המספרי וכיוונו (כוח  $\vec{F}$ , מהירות  $\vec{v}$ ).

### וקטור דו מימדי

#### תצוגת וקטור בשני אופנים:

$$\vec{R} = \vec{R}_x \hat{x} + \vec{R}_y \hat{y}$$

תצוגת וקטור ע"פ רכיביו/היטליו על הצירים:

$R_x$  - רכיבו/היטלו בציר  $x$ ,  $R_y$  - רכיבו/היטלו בציר  $y$ .

אם  $R_x$  בכיוון ציר  $x$  החיובי – הרכיב  $R_x$  חיובי, ואם  $R_x$  בכיוון ציר  $x$  השלילי – הרכיב  $R_x$  שלילי

אם  $R_y$  בכיוון ציר  $y$  החיובי – הרכיב  $R_y$  חיובי, ואם  $R_y$  בכיוון ציר  $y$  השלילי – הרכיב  $R_y$  שלילי

תצוגת וקטור ע"פ אורכו וכיוונו      גודלו:  $|\vec{R}|$

כיוונו: למשל ציון כיוונו ע"פ הזווית  $\alpha$  הנמדדת מציר  $x$  החיובי.

#### מציאת רכיבי הוקטור לפי אורכו וכיוונו

$$R_x = |\vec{R}| \cos \alpha$$

$$R_y = |\vec{R}| \sin \alpha$$

#### מציאת אורך הוקטור וכיוונו לפי רכיביו

אורך הוקטור       $|\vec{R}| = \sqrt{(R_x)^2 + (R_y)^2}$

$$\tan \alpha = \frac{R_y}{R_x}$$

**שוויון וקטורים:** 2 וקטורים יהיו שווים כאשר הם בעלי אותו גודל ואותו כיוון.

**וקטור נגדי:** וקטור נגדי זהו וקטור שווה בגודל אך מנוגד בכיוון.

## פעולות חשבון בוקטורים דו מימדיים

$$\vec{A} = A_x \hat{x} + A_y \hat{y} \qquad \vec{B} = B_x \hat{x} + B_y \hat{y} \qquad \text{עבור 2 הוקטורים הבאים:}$$

1. כפל וקטור בסקלר ניתן לכפול או לחלק כל וקטור בסקלר. התוצאה המתקבלת היא וקטור שכיוונו זהה לוקטור המקורי וגודלו שווה למכפלה של גודל הוקטור בסקלר או למנת גודל הוקטור בסקלר. כופלים בסקלר את רכיבי הוקטור. כאשר הסקלר הוא שלילי הוקטור המתקבל מנוגד לכיוון הוקטור המקורי

$$\vec{C} = m\vec{A} = m(A_x \hat{x} + A_y \hat{y}) = mA_x \hat{x} + mA_y \hat{y}$$

2. חיבור וקטורים  $\vec{R} = \vec{A} + \vec{B} + \vec{C} + \dots$  נקרא הסכום הוקטורי או הוקטור השקול בחיבור וקטורים סוכמים את הרכיבים של כל הוקטורים ומוצאים את רכיבי הוקטור השקול:

$$\vec{C} = \vec{A} + \vec{B} = (A_x + B_x) \hat{x} + (A_y + B_y) \hat{y}$$

3. חיסור וקטורים חיסור וקטורים זה חיבור הוקטור הנגדי:

$$\vec{C} = \vec{A} - \vec{B} = \vec{A} + (-\vec{B}) = (A_x - B_x) \hat{x} + (A_y - B_y) \hat{y}$$

4. מכפלה סקלרית הסבר בדף על וקטורים במרחב.

### חיבור וקטורים לפי רכיבים – לחיבור 2 וקטורים או יותר

1. מפרקים כל וקטור שאינו מקביל לצירים לרכיביו.  
2. סוכמים את הרכיבים של כל הוקטורים ומוצאים את רכיבי הוקטור השקול:  
כאשר  $R_x = A_x + B_x + C_x + \dots$  ו-  $R_y = A_y + B_y + C_y + \dots$   
3. מרכיבי הוקטור השקול ניתן למצוא את אורכו וכיוונו של הוקטור השקול:

$$|\vec{R}| = \sqrt{(R_x)^2 + (R_y)^2} \qquad \tan \alpha = \frac{R_y}{R_x}$$

### חיבור וקטורים בשיטה גרפית

1. שיטת המקבילית - לחיבור 2 וקטורים מעבירים ישרים מקבילים לשני הוקטורים שרוצים לחבר ומקבלים מקבילית. האלכסון היוצא מנקודת היציאה המשותפת הוא הוקטור השקול.  
2. שיטת המשולש - לחיבור 2 וקטורים מציינים בקנה מידה וקטור ראשון ובהמשכו וקטור שני. הוקטור הסוגר את המשולש הוא הוקטור השקול. תחילתו בתחילת הוקטור הראשון וסופו בראש הוקטור השני.  
3. שיטת המצולע - לחיבור של יותר משני וקטורים יש לצייר את הוקטורים בקנה מידה ובכוון המתאים, וקטור אחד בהמשכו של השני (לא חשוב הסדר) הוקטור הסוגר את המצולע הוא הוקטור השקול.

### חיסור וקטורים בשיטה גרפית

- חיסור וקטורים זה חיבור הוקטור הנגדי. לכן אם רוצים להחסיר מ-  $\vec{A}$  את  $\vec{B}$  אז נשרטט את הוקטור הנגדי ל-  $\vec{B}$  כלומר את וקטור  $(-\vec{B})$ , ונחבר את  $\vec{A}$  עם  $(-\vec{B})$  בשיטת המקבילית למשל ואז וקטור התוצאה הוא האלכסון של המקבילית היוצא מנקודת המוצא של הוקטורים.  
פיסיקה 1 - תרגול 1 – ווקטורים דו מימדיים – סיכום שנקר, נכתב ע"י שירלי עידן

## חזרה על קו ישר ופרבולה

### קו ישר

הגדרה: קו ישר הוא פונקציה מהצורה  $y(x) = mx + n$

כאשר  $m$  הוא שיפוע הישר ו- $n$  הוא נקודת חיתוך של הישר עם ציר ה- $y$ .

- עבור  $m > 0$  הישר עולה ועבור  $m < 0$  הישר יורד.
- דוגמאות לישרים:  $y = 2x + 3$ ,  $y = -x + 2$ ,  $y = -2x$

ישרים מיוחדים: ישרים מקבילים לצירים שהם ישרים מהצורה:

$y = a$  ישר המקביל לציר  $x$ , ו- $x = b$  ישר המקביל לציר  $y$ .

שרטוט קו ישר: נשרטט קו ישר ע"י מתיחת קו ישר בין 2 נקודות שהישר עובר דרכן.

- דוגמא: שרטט את הישר  $y = 2x + 1$

מציאת שיפוע של ישר: שיפוע הישר  $m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$

כאשר  $(x_1, y_1), (x_2, y_2)$  הן 2 נקודות שנמצאות על הישר

- דוגמא: מצא שיפוע של ישר שעובר דר 2 הנקודות:  $(2,3), (6,5)$ .

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{5 - 3}{6 - 2} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

### פרבולה

הגדרה: פרבולה היא פונקציה מהצורה  $y(x) = ax^2 + bx + c$

עבור  $a > 0$  הפרבולה צוחקת, כלומר נקודת הקיצון היא נקודת מינימום.

ועבור  $a < 0$  הפרבולה בוכה, כלומר נקודת הקיצון היא נקודת מקסימום.

### שיפוע המשיקים לפרבולה

נתבונן בפרבולה צוחקת בעלת נקודת מינימום שערך ה- $x$  שלה הוא  $x_0$ . נתבונן בשיפוע המשיקים לפונקציה:

- עבור  $x < x_0$  הפונקציה יורדת ולכן שיפוע המשיקים בכל נקודה ונקודה הוא שלילי.
  - עבור  $x > x_0$  הפונקציה עולה ולכן שיפוע המשיקים בכל נקודה ונקודה הוא חיובי.
  - עבור  $x < x_0$  ככל שמתקדמים בכיוון ציר  $x$  החיובי שיפוע המשיקים הופך מתלול למתון.
  - עבור  $x > x_0$  ככל שמתקדמים בכיוון ציר  $x$  החיובי שיפוע המשיקים הופך ממתון לתלול.
- עבור  $x = x_0$  שיפוע המשיק הוא אפס.

## תנועה גוף לאורך קו ישר - הגדרות

**ציר מקום:** נבחר ציר מקום. ציר מאופיין ע"י כוון וראשית.

1. כוון הציר – נבחר באופן שרירותי (למשל בכוון התנועה ההתחלתי).
2. ראשית הציר – על הציר נבחר נקודה שנקרא לה אפס (ראשית הצירים).

$$\Delta \bar{x} = \bar{x}_2 - \bar{x}_1$$

**העתק:** העתק הוא השינוי במיקום הגוף: מיקום סופי פחות מיקום התחלתי:

**הערות על העתק:** 1. ההעתק הוא וקטור

2. יחידות תיקניות של העתק:  $m$

3. העתק יכול להיות חיובי – אם  $x_2 > x_1$  (הגוף נע סה"כ בכוון החיובי של הציר)

שלילי – אם  $x_2 < x_1$  (הגוף נע סה"כ בכוון השלילי של הציר)

או אפס – אם  $x_2 = x_1$  (הגוף חזר לנקודת המוצא).

4. העתק לעומת דרך: דרך היא האורך הכולל של המסלול והיא סקלר, לעומתה העתק זהו השינוי במיקום

הגוף והוא וקטור

**מהירות:** מהירות היא מידה לתיאור קצב תנועתו של גוף - המרחק שהוא עובר ביחידת זמן.

**מהירות ממוצעת:** המהירות הממוצעת באה לתאר את מהירותו של גוף לאורך דרך מסוימת.

$$\bar{v} = \frac{\Delta \bar{x}}{\Delta t} = \frac{\bar{x}_2 - \bar{x}_1}{t_2 - t_1}$$

מהירות ממוצעת היא היחס בין ההעתק לבין פרק הזמן  $\Delta t$  או קצב שינוי ההעתק:

**מהירות ריגעית:** המהירות הרגעית היא המידה למהירות של גוף ברגע מסוים, כאשר "רגע" הוא נקודת זמן. ניתן

לדמות זאת על ידי כך שנאמר שהמהירות הרגעית של רכב היא מה שמראה מד המהירות של הרכב בכל רגע. מהירות

ריגעית היא המהירות הממוצעת שבפרק הזמן שבין אותו רגע ובין רגע אחר שקרוב אליו ביותר, כאשר פרק זמן זה

$$v = v(t) = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta x}{\Delta t} = x'(t) = \frac{dx}{dt}$$

שואף לאפס. כלומר הנגזרת של ההעתק לפי הזמן:

**הערות על מהירות:**

1. המהירות היא וקטור. כוון וקטור המהירות ככוון ההעתק.

2. יחידות תיקניות של מהירות:  $m/s$

3. כדי לעבור מקמ"ש ל-  $m/s$  יש לחלק ב- 3.6

4. כאשר נשתמש במונח מהירות נתכוון למהירות ריגעית ולא למהירות ממוצעת. כדי לציין מהירות ממוצעת,

נאמר מהירות ממוצעת.

**הערה על גדלים וקטורים בתנועה בקו ישר:**  $\Delta \bar{x}, \bar{x}, \bar{v}, \bar{a}$  - כולם גדלים וקטוריים. אולם כאשר דנים בתנועה בקו

ישר לכלל הוקטורים יש רק רכיב בציר  $x$  ולכן אין זה חיוני להבחין בין הוקטור לבין רכיב ה-  $x$  שלו.

## תנועה גוף לאורך קו ישר – הגדרות נוספות

**תאוצה:** תאוצה הינה קצב השינוי במהירות של גוף. כאשר מהירותו של גוף משתנה (גדלה או קטנה) אנו אומרים שלגוף יש תאוצה. גם הגדלת המהירות וגם הקטנתה נקראים בפיסיקה בשם תאוצה, אם כי יש המכנים את התאוצה השלילית בשם "תאוצה" (deceleration). מכיון שהמהירות היא וקטור גם שינוי בכיוון התנועה זוהי תאוצה.

**תאוצה ממוצעת:** תאוצה ממוצעת היא היחס בין שינוי המהירות בפרק זמן לבין שינוי הזמן  $\Delta t$ .

$$\bar{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1}$$

**תאוצה ריגעית:** תאוצה רגעית היא הגבול שאליו שואף היחס בין שינוי וקטור המהירות בפרק זמן ובין משכו של פרק הזמן, כאשר פרק הזמן שואף לאפס. כלומר הנגזרת של המהירות לפי הזמן.

$$a = a(t) = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta v}{\Delta t} = v'(t) = \frac{dv}{dt}$$

### הערות על תאוצה:

1. התאוצה היא וקטור. כוון וקטור התאוצה ככוון וקטור שינוי המהירות.
2. יחידות תיקניות של תאוצה:  $m/s^2$ .
3. כאשר נשתמש במונח תאוצה נתכוון לתאוצה ריגעית ולא לתאוצה ממוצעת. כדי לציין תאוצה ממוצעת, נאמר תאוצה ממוצעת.
4. כוון וקטור התאוצה ככוון וקטור שינוי המהירות:
  - אם שינוי המהירות חיובי – התאוצה חיובית.
  - אם שינוי המהירות שלילי – התאוצה שלילית.
  - אם שינוי המהירות אפס – התאוצה אפס.

תאוצה חיובית תתכן כאשר  $\Delta v > 0$ , כלומר כאשר  $v_2 > v_1$ :  
מקרה 1: כאשר הגוף נע בכוון החיובי ומגדיל את מהירותו.  
מקרה 2: כאשר הגוף נע בכוון השלילי ומקטין את מהירותו.

תאוצה שלילית תתכן כאשר  $\Delta v < 0$ , כלומר כאשר  $v_2 < v_1$ :  
מקרה 1: כאשר הגוף נע בכוון החיובי ומקטין את מהירותו.  
מקרה 2: כאשר הגוף נע בכוון השלילי ומגדיל את מהירותו.

**כלל אצבע לגבי כוון המהירות וכוון התאוצה;**

כאשר המהירות והתאוצה באותו כוון \*שניהם חיוביים או שניהם שליליים\*. הגוף מגביר את מהירותו.  
כאשר המהירות והתאוצה בכוון מנוגד כוון \*מהירות חיובית ותאוצה שלילית או מהירות שלילית ותאוצה חיובית\*. הגוף מקטין את מהירותו.



## תנועה בקו ישר במהירות קבועה

**הגדרה 1:** תנועה בה הגוף עובר העתקים שווים בזמנים שווים.

**הגדרה 2:** תנועה במהירות קבועה בקו ישר היא תנועה בה המהירות הריגעית היא קבועה ושווה למהירות הממוצעת.

### משוואת התנועה במהירות קבועה

|                    |   |
|--------------------|---|
| משוואת מיקום - זמן | $x = x_0 + \underbrace{v}_{\Delta x} t$ |
|--------------------|---|

כאשר:  $x_0(m)$  - מיקום הגוף ברגע  $t = 0$  ביחס לראשית

$x(m)$  - מיקום הגוף בזמן  $t$  ביחס לראשית

$v(m/sec)$  - מהירות הגוף

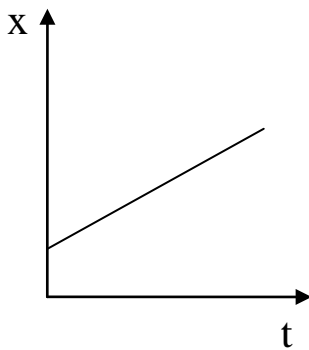
$t(sec)$  או  $\Delta t$  - זמן התנועה במקטע

$\Delta x = vt$  - העתק הגוף במשך פרק הזמן  $\Delta t$

- זכור; כאשר הגוף נע בכיוון החיובי מהירותו חיובית- וכאשר הגוף נע בכיוון השלילי מהירותו שלילית.

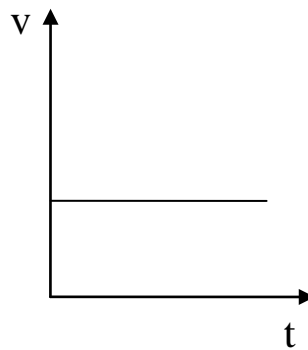
### גרפים בתנועה שוות מהירות בקו ישר

גרף מיקום - זמן



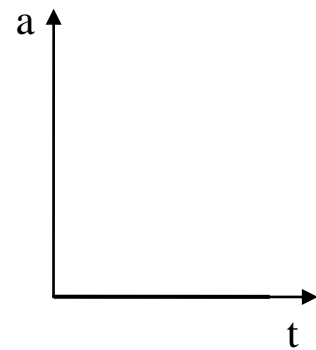
המהירות היא שיפוע הישר.

גרף מהירות - זמן



התאוצה היא שיפוע הישר (אפס).  
העתק הוא השטח מתחת לגרף.

גרף תאוצה - זמן



## תנועה בקו ישר בתאוצה קבועה

**הגדרה:** תנועה בתאוצה קבועה בקו ישר היא תנועה בה המהירות משתנה בקצב קבוע (או קצב שינוי המהירות הוא קבוע). בתנועה שוות תאוצה התאוצה הריגועית היא קבועה ושווה לתאוצה הממוצעת.

### משוואות התנועה בתנועה בתאוצה קבועה

|               |  |
|---------------|--|
| מהירות – זמן  | $v = v_0 + \underbrace{at}_{\Delta v}$                       |
| מיקום - זמן   | $x = x_0 + \underbrace{\frac{(v_0 + v)t}{2}}_{\Delta x}$     |
| מיקום - זמן   | $x = x_0 + v_0 t + \underbrace{\frac{1}{2} at^2}_{\Delta x}$ |
| מהירות - העתק | $v^2 = v_0^2 + 2a \underbrace{\Delta x}_{x-x_0}$             |

$x_0(m)$  - מיקום הגוף ברגע  $t = 0$  ביחס לראשית

$x(m)$  - מיקום הגוף כעבור זמן  $t$  ביחס לראשית

$t(sec)$  או  $\Delta t$  - זמן התנועה במקטע

$v_0(m/sec)$  - מהירות התחלתית במקטע

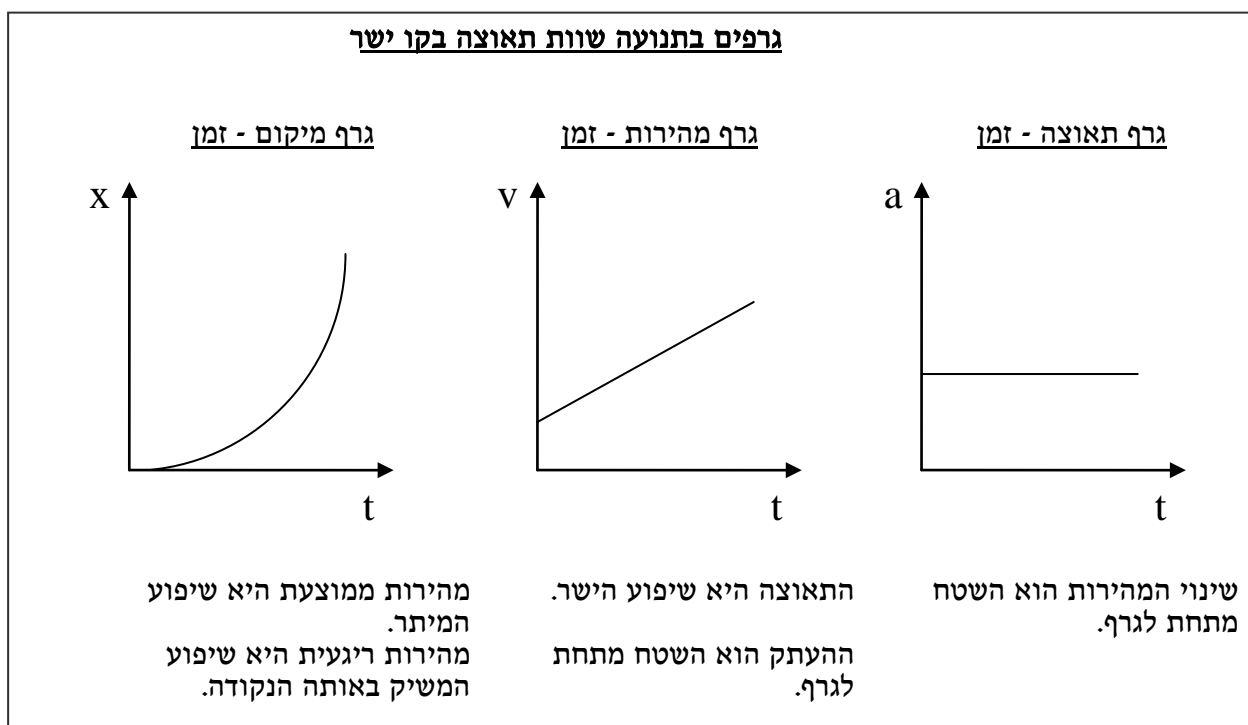
$v(m/sec)$  - מהירות סופית במקטע

$a(m/sec^2)$  - תאוצה

$\Delta x = vt$  - העתק הגוף במשך פרק הזמן  $\Delta t$

$\Delta v = at$  - שינוי מהירות הגוף במשך פרק הזמן  $\Delta t$

### גרפים בתנועה שוות תאוצה בקו ישר



## תנועת גופים באויר – זריקה בזווית

מערכת הצירים:

כוון הצירים: נבחר את ציר  $y$  כלפי מעלה, ואת ציר  $x$  לפי כוון הזריקה.

ראשית כל ציר: ראשית ציר  $x$ : בנקודת הזריקה. ראשית ציר  $y$ : בגובה הזריקה או בגובה פגיעת הגוף בקרקע.

| ציר $x$  | ציר $y$  |
|--|--|
| בציר $x$ התנועה היא במהירות קבועה  | בציר $y$ התנועה היא בתאוצה קבועה – תאוצת הכובד<br>בעצם בציר $y$ התנועה היא של זריקה אנכית למעלה  |
| <u>תנאי התחלה:</u><br>$x_0 =$<br>$v_{0x} = v_0 \cos \alpha$                          | <u>תנאי התחלה:</u><br>$y_0 =$<br>$v_{0y} = v_0 \sin \alpha$<br>$g = +10 \frac{m}{s^2}$   |
| <u>משוואות התנועה:</u><br>$x = x_0 + v_{0x} \cdot t = x_0 + v_0 \cos \alpha \cdot t$ | <u>משוואות התנועה:</u><br>$v_y = v_{0y} - gt = v_0 \sin \alpha - gt$<br>$y = y_0 + v_{0y} \cdot t - \frac{1}{2} gt^2 = y_0 + v_0 \sin \alpha \cdot t - \frac{1}{2} gt^2$<br>$v_y^2 = v_{0y}^2 - 2g(y - y_0) = (v_0 \sin \alpha)^2 - 2g(y - y_0)$ |

מהירות הגוף ברגע כלשהו:

$$v_{\text{זקש}} = \sqrt{(v_{0x})^2 + (v_y)^2}$$

גודל המהירות:

$$\tan \alpha = \frac{v_y}{v_{0x}}$$

כיוון המהירות (משיקה למסלול):

הערות על זריקה בזווית:

1. בשיא הגובה:  $v_y = 0$ .
2. פגיעה בקרקע מאופיינת ב-  $y = 0$  (אם ראשית ציר  $y$  היא בקרקע).
3. בכל גובה מתקיים: גודל המהירות: גודל המהירות בעליה שווה לגודל המהירות בירידה. כוון המהירות: בעליה הזווית היא מעל האופק, בירידה זו אותה הזווית - מתחת לאופק.

4. שיא הגובה:

$$t_{\max} = \frac{v_{0y}}{g} = \frac{v_0 \sin \alpha}{g}$$

$$y_{\max} = y_0 + \frac{(v_{0y})^2}{2g} = y_0 + \frac{(v_0 \sin \alpha)^2}{2g}$$

5. משוואת המסלול הבליסטי:

$$y(x) = y_0 + (x - x_0) \tan \alpha - \frac{g}{2v_0^2} (x - x_0)^2 (1 + \tan^2 \alpha)$$

6. עבור מקרה פרטי בו נקודת הזריקה ונקודת הפגיעה הן באותו גובה מתקיים:
  - א. זמן העליה מנקודת הזריקה ועד שיא הגובה שווה לזמן הירידה משיא הגובה ועד לנקודת הזריקה.
  - ב. נוסחת הטווח:  $Range = \frac{v_0^2 \cdot \sin 2\alpha}{g}$
  - ג. טווח מקסימלי מתקבל עבור זווית זריקה של  $45^\circ$ .
  - ד. עבור 2 זוויות זריקה  $\alpha_0, 90 - \alpha_0$  יתקבל אותו הטווח.

## תנועת גופים באויר – זריקה אנכית למעלה ולמטה

### נדון בשני מקרים:

- מקרה 1: זריקה אנכית כלפי למטה ( $v_0 \neq 0$ ) או נפילה חופשית ( $v_0 = 0$ )  
 מקרה 2: זריקה אנכית כלפי מעלה

- התנועה מתנהלת לאורך הציר האנכי - ציר y.

### תאוצת הכובד

1. על גופים באויר פועלת תאוצה קבועה - תאוצה הכובד. היא לא תלויה במשקל הגוף.
2. לכן נתשמש במשוואות של תנועה שוות תאוצה. כלומר זו דוגמה לתנועה בתאוצה קבועה לאורך ציר אנכי.
3. תאוצת הכובד מסומנת באות g. גודל תאוצת הכובד הוא  $g = 10 \text{ m/s}^2$ . ותאוצת הכובד מכוונת תמיד כלפי מטה - כלפי מרכז כדה"א. לא משנה אם הגוף בעליה בירידה או בשיא הגובה בעצירה ריגעית.

### הנחות:

1. מזניחים את התנגדות האויר, כלומר לא פועלים על הגוף כוחות פרט לכוח הכובד שגורם לתאוצת הכובד.
2. תנועת הגוף תחת תאוצת הכובד מתחילה כאשר הגוף עוזב את היד, הרובה, התותח ועד רגע לפני שהגוף פוגע בקרקע.

### נוסחאות לזריקה אנכית

- ציר מיקום: כוון הציר: נבחר ציר y כלפי מעלה.  
ראשית הציר: נבחר כרצוננו, למשל: בגובה הזריקה או בגובה פגיעת הגוף בקרקע.

בהתאם לציר y שבחרנו שכיוונו כלפי מעלה:

- התאוצה: תאוצת הכובד תמיד למטה, ולכן בהתאם לציר y שבחרנו כלפי מעלה היא שלילית. לכן נכניס לנוסחאות של תנועה שוות תאוצה מינוס מובנה ונציב בנוסחה  $g = +10 \text{ m/s}^2$ .
- המהירות: בעליה המהירות חיובית (בכוון ציר y) בירידה המהירות שלילית (נגד כוון ציר y).
- y - מיקום הגוף ביחס לראשית הצירים. מעל הראשית y חיובי, מתחת לראשית y שלילי.

### תנאי התחלה:

$$y_0 = \text{מיקום התחלתי של הגוף ביחס לראשית}$$

$$v_0 = \text{מהירות התחלתית של הגוף}$$

$$g = +10 \text{ m/s}^2$$

משוואות התנועה: משוואות של תנועה שוות תאוצה

| תנועה שוות תאוצה   | זריקה אנכית   |
|--|---|
| $v = v_0 + \underbrace{at}_{\Delta v}$ $x = x_0 + v_0 t + \underbrace{\frac{1}{2} at^2}_{\Delta x}$ $v^2 = v_0^2 + 2a \underbrace{\Delta x}_{x-x_0}$ | $v = v_0 - gt$ $y = y_0 + v_0 t - \frac{1}{2} gt^2$ $v^2 = v_0^2 - 2g(y - y_0)$ |

### הערות על זריקה אנכית למעלה:

1. בשיא הגובה  $v=0$  ולכן נקבל:
 

$$t_{\max} = \frac{v_0}{g}$$

$$y_{\max} = y_0 + \frac{(v_0)^2}{2g}$$
2. זמן העליה מנקודת הזריקה ועד שיא הגובה שווה לזמן הירידה משיא הגובה ועד לנקודת הזריקה.
3. בכל גובה מתקיים: גודל המהירות בעליה שווה לגודל המהירות בירידה.
4. הנוסחאות מתארות את התנועה מתחילתה ועד סופה. הן מכילות אינפורמציה גם לשלב העליה וגם לשלב הירידה. אין צורך ולא מומלץ לחלק את התנועה לחלקי תנועה ולפתור בנפרד.

## קינמטיקה בתנועה מעגלית - סיכום

### 1. הגדרות

|  |  |
|--|--|
| $T = \frac{1}{f}$  | $T$ (sec) - זמן מחזור – הזמן הדרוש להשלמת סיבוב        |
| $f = \frac{1}{T}$  | $f$ (Hz) - תדירות – מספר סיבובים בשניה                 |
| $\omega = \frac{\Delta\theta}{\Delta t} = \frac{2\pi}{T} = 2\pi f$ | $\omega$ $\left(\frac{rad}{s}\right)$ - מהירות זוויתית |

### 2. הקשר בין גדלים קווים לגדלים זוויתיים

|                                   |  |
|-----------------------------------|--|
| $\Delta s = \Delta\theta \cdot R$ | $\Delta s$ (m) - מעתק קווי, $\Delta\theta$ (rad) - מעתק זוויתי   |
| $v = \omega \cdot R$              | $v$ $\left(\frac{m}{s}\right)$ - מהירות משיקית, $\omega$ $\left(\frac{rad}{s}\right)$ - מהירות זוויתית     |
| $a_t = \alpha \cdot R$            | $a_t$ $\left(\frac{m}{s^2}\right)$ - תאוצה משיקית, $\alpha$ $\left(\frac{rad}{s^2}\right)$ - תאוצה זוויתית |

### 3. הגדרת הרדיאן ומעבר ממעלות לרדיאנים ולהיפך

$$\Delta\theta = \frac{\Delta S}{R} \quad \text{זווית ברדיאנים היא היחס בין הקשת לרדיוס :}$$

$$2\pi(rad) = 360^\circ \Rightarrow 1(rad) = 57.3^\circ \quad \text{הקשר בין מעלות לרדיאנים :}$$

$$\frac{\theta(^{\circ}) \cdot 2\pi}{360^\circ} = \frac{\theta(^{\circ})}{57.3} = \theta(rad) \quad \text{מעבר ממעלות לרדיאנים :}$$

$$\frac{\theta(rad) \cdot 360^\circ}{2\pi} = \theta(rad) \cdot 57.3 = \theta(^{\circ}) \quad \text{מעבר מרדיאנים למעלות :}$$

### 4. תאוצות בתנועה מעגלית

כדי שתתקיים תנועה מעגלית חייב ת להיות תאוצה רדיאלית הגורמת לשינוי בכיוון התנועה כלומר לתנועה מעגלית. אך אם בנוסף יש גם תאוצה משיקית היא גורמת לשינוי בגודל המהירות.

|   |  |
|---|--|
| $a_R = \frac{v^2}{R} = \omega^2 R$ , כיוון : למרכז המעגל                                | גודל : $a_R$ $\left(\frac{m}{s^2}\right)$ - תאוצה רדיאלית / צנטריפטלית |
| כיוון : משיקה למעגל (בכיוון מהמהירות או נגד כיון המהירות)                               | $a_t$ $\left(\frac{m}{s^2}\right)$ - תאוצה משיקית                      |
| $\tan \theta = \frac{a_R}{a_t}$ , כיוון : $a_{\text{תלכוכ}} = \sqrt{(a_R)^2 + (a_t)^2}$ | גודל : $a_{\text{תלכוכ}}$ $\left(\frac{m}{s^2}\right)$ - תאוצה כוללת   |

**5. משוואות התנועה בתנועה מעגלית בהתאם לסוג התנועה**

| סוג בתאוצה   | גדלים זוויתיים  | גדלים קווים   | סוג התנועה         |
|--|---|---|--------------------|
| $a_t, \alpha \rightarrow 0$<br>$a_R = \frac{v^2}{R} \rightarrow const$                 | $\theta = \theta_0 + \omega t$  | $x = x_0 + vt$  | מהירות קבועה       |
| $a_t, \alpha \rightarrow const$<br>$a_R = \frac{v^2}{R} \rightarrow$ יולת - נמזב       | $\omega = \omega_0 + \alpha t$<br>$\theta = \theta_0 + \omega_0 t + \frac{1}{2} \alpha t^2$<br>$\omega^2 = \omega_0^2 + 2\alpha(\theta - \theta_0)$ | $v = v_0 + a_t t$<br>$x = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} a_t t^2$<br>$v^2 = v_0^2 + 2a_t(x - x_0)$ | תאוצה משיקית קבועה |
| $a_t, \alpha \rightarrow$ יולת - נמזב<br>$a_R = \frac{v^2}{R} \rightarrow$ יולת - נמזב | $\omega = \frac{d\theta}{dt}$<br>$\alpha = \frac{d\omega}{dt}$  | $v = \frac{dx}{dt}$<br>$a_t = \frac{dv}{dt}$  | תאוצה משיקית משתנה |

$$n = \frac{\Delta S}{2\pi R} = \frac{\Delta \theta}{2\pi}$$

רפסמ - סיבובים

**6. מספר סיבובים**

**7. חישוב מהירות ותאוצות לפי הגדרת המכפלה הוקטורית**

| הגדרה   | כיווני הווקטורים   |
|---|--|
| $\vec{v} = \vec{\omega} \times \vec{R}$   | $\vec{\omega}$ - ציר הסיבוב<br>$\vec{R}$ - רדיאלית החוצה מהמעגל<br>$\vec{v}$ - משיק למעגל        |
| $\vec{a}_t = \vec{\alpha} \times \vec{R}$   | $\vec{\alpha}$ - ציר הסיבוב<br>$\vec{R}$ - רדיאלית החוצה מהמעגל<br>$\vec{a}_t$ - משיק למעגל      |
| $\vec{a}_R = \vec{\omega} \times (\vec{\omega} \times \vec{R}) = \vec{\omega} \times \vec{v}$ | $\vec{\omega}$ - ציר הסיבוב<br>$\vec{v}$ - משיק למעגל<br>$\vec{a}_R$ - רדיאלית פנימה למרכז המעגל |

## סיכום - מומנטים במישור

**מומנט של כוח** זו מידה לנטייתו או ליכולתו של כוח לסובב את הגוף אשר עליו הוא פועל. יכולת זו תלויה בגודל הכוח, בכיוונו ובנקודה בה הוא פועל.

### הגדרה של מומנט של כוח

$$\vec{M}_o = \vec{r} \times \vec{F}$$

$\vec{F}$  - וקטור כוח הפועל בנקודה כלשהיא

$\vec{r}$  - וקטור מיקום שזנבו בנקודת הייחוס בה נמדד המומנט וראשו בנקודה בה פועל הכוח

$\theta$  - הזווית בין 2 הוקטורים

$$|\vec{M}_o| = |\vec{r}| \cdot |\vec{F}| \cdot \sin \theta = |\vec{F}| \cdot |\vec{r}| \cdot \sin \theta = |\vec{F}| \cdot l$$

גודל המומנט של הכוח

$l = |\vec{r}| \cdot \sin \theta$  זו הזרוע, כלומר האנך מקו פעולת הכוח או המשכו לנקודת הייחוס בה נמדד המומנט

### כיוון המומנט של הכוח

כוח שנוטה לסיבוב עם כיוון השעון – המומנט שלו שלילי

כוח שנוטה לסיבוב נגד כיוון השעון – המומנט שלו חיובי

### הערה:

כאשר הזרוע שווה לאפס לכוח אין מומנט, כלומר כאשר וקטור הכוח או המשכו עוברים דרך נקודת הייחוס בה מחושב המומנט – לכוח אין מומנט יחסית לנקודה זו.

### מומנט שקול

אם על גוף פועלים מספר כוחות והם מפעילים מו מנט והגוף נמצא בשווי משקל (לא מסתובב) אזי סכום המומנטים שווה לאפס (ביחס לכל נקודה שנבחר, גם לנקודה מחוץ לגוף).

ואם סכום המומנטים שפועלים על הגוף שווה לאפס אזי הגוף לא יסתובב.

## כוח החיכוך

מבחינים בשני סוגים של כוחות חיכוך :

### $f_s$ - כוח חיכוך סטטי

מהו? זהו כוח שאותו המשטח מפעיל על גוף המונח עליו ומונע את החלקתו על פניו.

מתי קיים? כאשר אין תנועה יחסית בין 2 הגופים.

כוון הכוח: במקביל למשטח מנוגד לכוון הכוח המנסה להזיז את הגוף.

גודל הכוח: מקבל ערכים בתחום  $0 \leq f_s \leq f_{s \max}$  - תלוי בכוח המנסה להזיז את הגוף.

כל עוד הגוף לא זז  $f_s$  שווה לכוח המנסה להזיז את הגוף לפי החוק הראשון של ניוטון ( $\Sigma F_x = 0$ )

כאשר הגוף על סף תנועה ערכו של  $f_s$  מקבל את ערכו המקסימלי שהוא  $f_{s \max}$  כאשר  $f_{s \max} = \mu_s N$ .  
N - הכוח הנורמלי שהמשטח מפעיל על הגוף.

$\mu_s$  - מקדם חיכוך סטטי. חסר יחידות.

### $f_k$ - כוח חיכוך קינטי

מהו? זהו כוח שאותו המשטח מפעיל על גוף המחליק עליו.

מתי קיים? כאשר יש תנועה יחסית בין 2 הגופים.

כוון הכוח: במקביל למשטח מנוגד לכוון התנועה.

גודל הכוח:  $f_k = \mu_k N$

N - הכוח הנורמלי שהמשטח מפעיל על הגוף.

$\mu_k$  - מקדם חיכוך קינטי. חסר יחידות.

לסיכום, כדי להזיז גוף ממקומו עלינו להתגבר על התנגדות כלשהי המופעלת על הגוף ע"י המשטח עליו הוא מונח. להתנגדות הזו אנו קוראים כוח חיכוך סטטי. לאחר שהצלחנו להזיז גוף ממקומו כוח החיכוך ממשיך לפעול אך משנה את סוגו והופך לכוח חיכוך קינטי.

נבחין בשלושה מצבים שגוף יכול להמצא בהם :

- אם אין תנועה - החיכוך הוא סטטי  $f_s$  - וניתן לחשב אותו לפי חוק 1 של ניוטון ( $\Sigma F_x = 0$ ).
- בסף החלקה - החיכוך הוא סטטי מקסימאלי  $f_{s \max}$  - וניתן לחשב אותו לפי הנוסחה:  $f_{s \max} = \mu_s N$ .
- אם יש תנועה - החיכוך הוא קינטי  $f_k$  - וניתן לחשב אותו לפי הנוסחה:  $f_k = \mu_k N$ .

שאלת השאלה: איך נדע האם הגוף לא זז (ואז החיכוך הוא סטטי או סטטי מקסימאלי) או האם הגוף בתנועה (ואז החיכוך הוא קינטי).

שלב 1: נחשב מהו  $f_{s \max}$  לפי הנוסחה  $f_{s \max} = \mu_s N$ .

שלב 2: נבדוק האם  $F_{\text{שומ}}$  (הכוח השקול המנסה להזיז את הגוף או המזיז את הגוף - כל הכוחות הפועלים על הגוף

פרט לכוח החיכוך) גדול, קטן או שווה ל-  $f_{s \max}$ .

שלב 3: אם  $F_{\text{שומ}} > f_{s \max}$ , אזי יש תנועה -- החיכוך הוא קינטי, וגודלו הוא  $f_k = \mu_k N$ .

אם  $F_{\text{שומ}} < f_{s \max}$ , אזי אין תנועה -- החיכוך הוא סטטי, ונחשב אותו לפי חוק 1 של ניוטון:  $\Sigma F_x = 0$ .

ואם  $F_{\text{שומ}} = f_{s \max}$  שווה ל-  $f_{s \max}$  אזי הגוף נמצא במצב של סף תנועה -- החיכוך הוא סטטי מקסימאלי.

## הערות

1. מקדמי החיכוך הקינטי והסטטי הם חסרי יחידות.
2.  $\mu_k \leq \mu_s$  ולכן  $f_k \leq f_{s \max}$  כי קשה יותר להתחיל תנועה מאשר להמשיך תנועה.
3. המשוואות  $f_k = \mu_k N$  ו-  $f_{s \max} = \mu_s N$  הן משוואות סקלריות ולא וקטוריות המתייחסות לגודלו של כוח החיכוך בלבד.  $f$  - וקטור שכוונו מקביל למשטח, N - וקטור ניצב למשטח,  $\mu$  - סקלר.



### 3 חוקי ניוטון

#### החוק הראשון של ניוטון – חוק ההתמדה

|                        |   |
|------------------------|---|
| ניסוח החוק             | גוף ששקול הכוחות הפועלים עליו הוא אפס מתמיד במצבו הקודם: אם היה במנוחה ימשיך במנוחה, ואם נע במהירות – ימשיך במהירות קבועה בקו ישר.  |
| ניסוח מתמטי וקטורי     | $\Sigma \vec{F} = 0 \Leftrightarrow \vec{a} = 0$  |
| ניסוח מתמטי לפי רכיבים | $\Sigma F_x = 0 \Leftrightarrow a_x = 0$<br>$\Sigma F_y = 0 \Leftrightarrow a_y = 0$  |
| הערות                  | <ul style="list-style-type: none"> <li>החוק הוא דו כווני: אם שקול הכוחות הפועל על הגוף שווה לאפס - הגוף יהיה במנוחה או במהירות קבועה, ואם הגוף נמצא במנוחה או נע במהירות קבועה בקו ישר - אזי שקול הכוחות הפועלים עליו שווה לאפס.</li> <li>המצב בו הכוח השקול הפועל על הגוף שווה לאפס נקרא מצב שווי משקל של הגוף.</li> </ul> |

#### החוק השני של ניוטון

|                        |  |
|------------------------|--|
| ניסוח החוק             | אם הכוח השקול הפועל על גוף שונה מאפס אז הוא שווה למכפלת מסת הגוף בתאוצת הגוף שהכוח מעניק לגוף.   |
| ניסוח מתמטי וקטורי     | $\Sigma \vec{F} \neq 0 = m\vec{a} \Leftrightarrow \vec{a} \neq 0$  |
| ניסוח מתמטי לפי רכיבים | $\Sigma F_x \neq 0 = ma_x \Leftrightarrow a_x \neq 0$<br>$\Sigma F_y \neq 0 = ma_y \Leftrightarrow a_y \neq 0$   |
| הערות                  | <ul style="list-style-type: none"> <li>החוק הוא דו כווני: אם שקול הכוחות הפועל על הגוף שונה מאפס - הגוף ינוע בתאוצה, ואם הגוף נע בתאוצה - אזי שקול הכוחות הפועלים עליו שונה מאפס.</li> <li>כיוון הכוח השקול כיוון התאוצה, וכיוון התאוצה כיוון הכוח השקול.</li> </ul> |

#### החוק השלישי של ניוטון – חוק הפעולה והתגובה

|                    |   |
|--------------------|---|
| ניסוח החוק         | לכל כוח שמפעיל גוף אחד על גוף שני קיים כוח תגובה שווה בגודל והפוך בכיוון שמפעיל הגוף השני על הגוף הראשון.   |
| ניסוח מתמטי וקטורי | $\vec{F}_{1 \rightarrow 2} = -\vec{F}_{2 \rightarrow 1}$  |
| הערות              | <ul style="list-style-type: none"> <li>הכוחות ששני הגופים מפעילים הדדית זה על זה נקראים פעולה ותגובה.</li> <li>צמד הכוחות האלה תמיד פועלים על 2 גופים שונים ולכן לא מבטלים זה את זה.</li> </ul> |

#### כוחות שכיחים במכניקה

| שם הכוח               | מהו  | כיוון הכוח  | גודל הכוח          |
|-----------------------|--|---|--------------------|
| W- כוח הכובד או המשקל | הכוח שכדור הארץ מפעיל על כל גוף אשר נמצא בקירבתו   | כלפי מטה  | $w = m \cdot g$    |
| N- הכוח הנורמלי       | כוח שאותו מפעיל המשטח על גוף הנשען עליו. הנורמל הוא תגובת המשטח לכוח המופעל עליו.  | המשטח דוחף את הגוף-הכוח דוחף את הגוף ומאונך למשטח                                 | עוצמתו תלויה במקרה |
| T – כוח המתיחות       | כוח המופעל על גוף באמצעות חוט הקשור אל הגוף. המתיחות בחוט נובעת מהפעלת כוח על החוט. הערות:<br>1. כאשר חוט חסר מסה, המתיחות זהה לכל אורכו.<br>2. גלגלת אידאלית – מסה זניחה, ללא חיכוך – המתיחות בחוט בשני הענפים של הגלגלת זהה. | המתיחות היא תמיד כוח מושך – כיוון הכוח בכיוון החוט (חבל אפשר רק למשוך, לא לדחוף). | עוצמתו תלויה במקרה |

#### טכניקת פתרון תרגילים בכוחות

1. תרשים כוחות לכל גוף – סימון כוחות הפועלים על כל גוף. (נשרטט את הכוחות כיוצאים ממרכז הגוף)
2. מערכת צירים לכל גוף. (למשל: אחד הצירים יכול להיות בכיוון התנועה או הנסיון לתנועה)
3. כוחות שאינם מקבילים לצירים – נפרק לרכיבים.
4. משוואות כוחות לכל גוף לכל ציר:

| ציר x  | ציר y  |
|--|--|
| אם בציר אין תנועה או יש תנועה במהירות קבועה או אם ידוע שהכוח השקול בציר הוא אפס אזי $\Sigma F_x = 0$ | אם בציר אין תנועה או יש תנועה במהירות קבועה או אם ידוע שהכוח השקול בציר הוא אפס אזי $\Sigma F_y = 0$ |
| אם בציר יש תנועה בתאוצה או אם ידוע שבציר הכוח השקול שונה מאפס אזי $\Sigma F_x = ma_x$                | אם בציר יש תנועה בתאוצה או אם ידוע שבציר הכוח השקול שונה מאפס אזי $\Sigma F_y = ma_y$                |

## סיכום - מומנטים במרחב - טכניקת פתרון תרגילים במומנטים במרחב

את ההסבר נדגים על המקרה הבא : נתונה קורה חסרת מסה , מחובר אליה תלוי גוף שמשקלו  $W$  , פועל עליה כוח חיצוני  $F$  , והיא מוחזקת על ידי 2 חוטים ועל ידי פרק כדורי .

**שלב 1:** דג"ח על הקורה או על המוט :  $W$  – משקל הקורה או משקל גוף תלוי ,  $F$  - כוח חיצוני ,  $T_1, T_2$  - מתיחות החוטים או

הכבלים ,  $O_x, O_y, O_z$  - רכיבי הכוח שמפעיל הפרק .

**שלב 2:** יש לסמן בשרטוט את שיעורי הנקודות הבאות :

- נקודות פעולת הכוח (כדי לחשב את הזרוע)
- שיעורי נקודות קצות החוט – שיעור נקודת תחילת החוט ושיעור נקודת סוף החוט (כדי לחשב את אורך החוט ואת היטל החוט על הצירים למציאת קוסינוס הזווית).

**שלב 3:** יש לבחור נקודת ייחוס סביבה נחשב מומנטים .

$$\sum \vec{M}_{(O)} = \vec{M}_{W(O)} + \vec{M}_{F(O)} + \vec{M}_{T_1(O)} + \vec{M}_{T_2(O)} \quad \text{בדוגמא שלנו : סביב נקודה O}$$

**שלב 4:** יש לרשום דטרמיננטות של מומנטים לכל אחד מהכוחות סביב הנקודה שבחרנו :

$$\vec{M}_F = \vec{r} \times \vec{F} = \begin{vmatrix} \hat{x} & \hat{y} & \hat{z} \\ r_x & r_y & r_z \\ F_x & F_y & F_z \end{vmatrix} = \hat{x} \underbrace{\left( \begin{matrix} \phantom{r} \\ \phantom{F} \end{matrix} \right)}_{M_{F_x}} - \hat{y} \underbrace{\left( \begin{matrix} \phantom{r} \\ \phantom{F} \end{matrix} \right)}_{M_{F_y}} + \hat{z} \underbrace{\left( \begin{matrix} \phantom{r} \\ \phantom{F} \end{matrix} \right)}_{M_{F_z}}$$

שורה 2 בדטרמיננטה : רכיבי וקטור הזרוע :  $\vec{r}(r_x, r_y, r_z)$  - וקטור שזנבו בנקודת הייחוס בה מחושב המומנט וראשו בנקודה בה מופעל הכוח .

שורה 3 בדטרמיננטה : רכיבי וקטור הכוח  $\vec{F}(F_x, F_y, F_z)$  - היטלי וקטור הכוח על ציר  $x$  , על ציר  $y$  ועל ציר  $z$  .

ניתן למצוא את הטלי הוקטורים לפי שיטת קוסינוסי הכיוון :

$$\cos \theta_x = \frac{\Delta x}{\sqrt{\Delta x^2 + \Delta y^2 + \Delta z^2}} \quad \cos \theta_y = \frac{\Delta y}{\sqrt{\Delta x^2 + \Delta y^2 + \Delta z^2}} \quad \cos \theta_z = \frac{\Delta z}{\sqrt{\Delta x^2 + \Delta y^2 + \Delta z^2}}$$

$$\Rightarrow \quad F_x = F \cos \theta_x \quad F_y = F \cos \theta_y \quad F_z = F \cos \theta_z$$

**שלב 5:**  $\sum \vec{M}_{(O)} = 0$  : יש לקחת את רכיבי המומנטים מתוצאת הדטרמיננטה – מהתוצאה של המכפלה הוקטורית .

$$\sum \vec{M}_{(O)} = \vec{M}_{W(O)} + \vec{M}_{F(O)} + \vec{M}_{T_1(O)} + \vec{M}_{T_2(O)} = 0 \quad \text{בדוגמא שלנו :}$$

$$\sum M_x = 0 \quad \rightarrow \text{אמגודב - ונליש} \quad (M_W)_x + (M_F)_x + (M_{T_1})_x + (M_{T_2})_x = 0$$

$$\sum M_y = 0 \quad \rightarrow \text{אמגודב - ונליש} \quad (M_W)_y + (M_F)_y + (M_{T_1})_y + (M_{T_2})_y = 0$$

$$\sum M_z = 0 \quad \rightarrow \text{אמגודב - ונליש} \quad (M_W)_z + (M_F)_z + (M_{T_1})_z + (M_{T_2})_z = 0$$

**שלב 6:**  $\sum \vec{F} = 0$  : יש לקחת את רכיבי הכוחות מהשורה השלישית בתוך הדטרמיננטה .

ולא לשכוח להוסיף את רכיבי הכוח שמפעיל הפרק הכדורי  $O_x, O_y, O_z$  .

$$\sum F_x = 0 \quad \rightarrow \text{אמגודב - ונליש} \quad O_x + W_x + F_x + T_{1x} + T_{2x} = 0$$

$$\sum F_y = 0 \quad \rightarrow \text{אמגודב - ונליש} \quad O_y + W_y + F_y + T_{1y} + T_{2y} = 0$$

$$\sum F_z = 0 \quad \rightarrow \text{אמגודב - ונליש} \quad O_z + W_z + F_z + T_{1z} + T_{2z} = 0$$

## עבודה W

### 1. עבודה של כוח קבוע

$$W_F = \vec{F} \cdot \Delta\vec{x} = |\vec{F}| \cdot |\Delta\vec{x}| \cdot \cos\theta$$

כאשר גוף נע על קו ישר העבודה הנעשית ע"י כוח קבוע F היא:

כאשר  $\theta$  היא הזווית בין כוון הכוח לכוון התנועה

$$W_{F(r)} = \int_{r_1}^{r_2} dw = \int_{r_1}^{r_2} \vec{F}(r) \cdot d\vec{r}$$

### 2. עבודה של כוח משתנה

$$W_{F(x)} = \int_{x_1}^{x_2} dw = \int_{x_1}^{x_2} \vec{F}(x) \cdot d\vec{x}$$

ועבור תנועה על קו ישר

### 3. הערות על עבודה

1. העבודה היא סקלר.

$$N \cdot m = \frac{kg \cdot m}{s^2} \cdot m = \frac{kg \cdot m^2}{s^2} = J$$

2. יחידות של עבודה: J

3. כוח עושה עבודה רק כאשר הוא פועל על גוף הנמצא בתנועה ויש לו רכיב בכיוון התנועה.

4. כאשר לכוח יש רכיב בכיוון התנועה – הכוח מבצע עבודה חיובית, כאשר לכוח יש רכיב מנוגד לכוון התנועה – הכוח

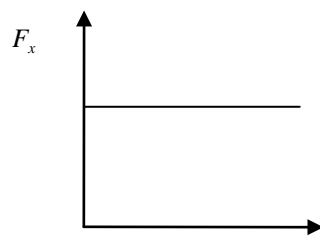
מבצע עבודה שלילית וכאשר הכוח ניצב לכוון התנועה ( $\alpha = 0$ ) – הכוח לא מבצע עבודה.

5. אם הכוח הנורמלי ניצב לכיוון התנועה אז:  $W_N = N \cdot \Delta x \cdot \cos 90 = N \cdot \Delta x \cdot 0 = 0$

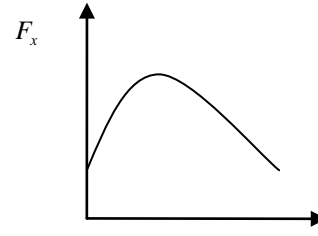
6. תמיד עבודת כוח החיכוך היא שלילית ואם הוא קבוע אז:  $W_{f_k} = f_k \cdot \Delta x \cdot \cos 180 = f_k \cdot \Delta x \cdot (-1) = -f_k \cdot \Delta s$

### 4. גרף כוח – מיקום

בגרף כוח-מיקום העבודה שמבצע  $F_x$  (כאשר  $F_x = F \cos\theta$  זהו רכיב הכוח F לאורך מסלול התנועה) לאורך העתק  $\Delta x$  הוא השטח מתחת לעקום:



הכוח קבוע



הכוח משתנה

$$P = \frac{dW}{dt} \Rightarrow W = \int_{t_1}^{t_2} P(t) dt$$

### 5. הספק P - זהו קצב ביצוע העבודה:

• יחידות תקניות של הספק:  $Watt = \frac{J}{sec}$

• עבור כוח קבוע ומהירות קבועה נקבל:

כאשר F זהו הכוח הקבוע ו-v זהו מהירות הגוף.

• כוח סוס: יחידות נוספות של הספק הן כוח סוס  $HP = Horse\_Power$

1HP זהו ההספק של העבודה שמבצע סוס שמרים אדם שמסתו 75 ק"ג לגובה של 1 מטר במשך שניה אחת:

$$W = mgh = 75 \cdot 10 \cdot 1 = 750J \Rightarrow P = \frac{dW}{dt} = \frac{750J}{1sec} = 750Watt = 1HP \Rightarrow 1HP = 750Watt$$

## E אנרגיה

**1. אנרגיה** היא יכולת של מערכת כלשהי לבצע עבודה. מערכת יכולה להיות גוף יחיד או מספר גופים. אנרגיה האגורה בגוף היא כמות האנרגיה שניתן להפיק ממנו.

אנרגיה היא סקלר ונמדדת ביחידות של ג'אול.

### 2. שלושה סוגי אנרגיה מכנית:

$$E_k = \frac{1}{2}mv^2$$

**אנרגיה קינטית**  $E_k$  - אנרגיה שיש לגוף כתוצאה מהיותו בעל מהירות:

**אנרגיה פוטנציאלית כובדית**  $E_{p(grav)}$  - אנרגיה המתווספת לגוף כאשר מרימים אותו לגובה  $h$ :  $E_{p(grav)} = mgh$

כאשר  $g$  היא תאוצת הכובד של כדה"א. את הגובה  $h$  מודדים ממישור הנקרא מישור הייחוס. את מישור הייחוס ניתן לבחור כרצוננו, אך צריך להקפיד על הסימנים בנוסחה: כלומר, אם הגוף נמצא מעל מישור הייחוס האנרגיה הפוטנציאלית שלו חיובית, אם הגוף נמצא מתחת למישור הייחוס האנרגיה הפוטנציאלית שלו שלילית ואם הגוף נמצא במישור הייחוס האנרגיה הפוטנציאלית שלו אפס.

$$E_{p(el)} = \frac{1}{2}k \cdot (\Delta x)^2$$

**אנרגיה פוטנציאלית אלסטית**  $E_{p(el)}$  - אנרגיה הקיימת בכל קפיץ שהיזו אותו מהמצב הרפוי שלו:

$\Delta x(m)$  - העתק הקפיץ ממצב רפוי.

$k \left(\frac{N}{m}\right)$  - קבוע הקפיץ – גודל סקלרי המשתנה מקפיץ לקפיץ ומביע את חוזקו.

קבוע הקפיץ זהו הכוח הדרוש למתיחת או לכיווץ קפיץ מסוים ביחידת אורך של 1 מטר מהמצב הרפוי שלו. ככל ש  $k$  גדל הקפיץ יותר חזק, כלומר יש להשקיע כוח רב יותר כדי להאריכו או לכווצו.

### סימני האנרגיה

האנרגיה הקינטית של גוף בעל מהירות תמיד חיובית ולא תלויה בכיוון התנועה.  
האנרגיה האלסטית של הקפיץ בתזוזה ממצב רפוי תמיד חיובית ולא תלויה בכיוון התזוזה של הקפיץ.  
האנרגיה הפוטנציאלית הכובדית של גוף יכולה להיות חיובית או שלילית או אפס, תלוי במישור הייחוס.

### 3. כוח משמר

- כוח משמר הוא כוח שמשמר את האנרגיה – אם הכוח היחיד שפועל על הגוף הוא כוח משמר אזי כאשר הגוף יחזור לאותו מקום תהיה לו את אותה האנרגיה קינטית, או בכל נקודה יש לו את סך כל האנרגיה המכנית.
- כוח הכובד וכוח הקפיץ הם כוחות משמרים.

### עבודה של כוח משמר

- לעבודה הנעשית ע"י כוח משמר יש את התכונות הבאות:
  - היא איננה תלויה במסלול של הגוף אלא רק בנקודות ההתחלה והסוף.
  - לאורך מסלול סגור עבודת הכוח המשמר היא אפס, כלומר כשנקודת הסוף היא בנקודת ההתחלה שווה העבודה הכללית לאפס.
  - לכוח משמר מגדירים אנרגיה פוטנציאלית, ועבודת הכוח המשמר שווה להפרש בין הערך התחילי לערך הסופי של האנרגיה הפוטנציאלית.

או עבודת כוח משמר שווה למינוס השינוי באנרגיה הפוטנציאלית:  $W_C = U_f - U_i = -\Delta U$

$$\text{כלומר } W_{el} = -\Delta E_{p(el)} \quad \text{ו-} \quad W_{mg} = -\Delta E_{p(grav)}$$

### 4. משוואת מאזן עבודה אנרגיה

$E_i$  - סך כך האנרגיה של המערכת במצב התחלתי,  $E_f$  - סך כך האנרגיה של המערכת במצב סופי,

$W_{ext}$  - עבודת כוחות לא משמרים: עבודת כל הכוחות החיצוניים הפועלים על המערכת פרט לעבודת כוח הכובד ועבודת כוח הקפיץ (להם הגדרנו אנרגיה פוטנציאלית).

$$E_i + W_{ext} = E_f \quad \Rightarrow \quad W_{ext} = E_f - E_i = \Delta E \quad \Rightarrow \quad W_{ext} = \Delta E_k + \Delta E_{p(grav)} + \Delta E_{p(el)}$$

נבחין בשלושה מצבים:

אם  $W_{ext} > 0$  אזי  $\Delta E > 0$  - אנרגית המערכת גדלה.

אם  $W_{ext} < 0$  אזי  $\Delta E < 0$  - אנרגית המערכת קטנה.

אם  $W_{ext} = 0$  אזי  $\Delta E = 0$   $E_i = E_f$  סך כל האנרגיה במערכת נשמר, המצב נקרא: שימור אנרגיה.

## כוחות בתנועה מעגלית - סיכום

### מקרה 1: תנועה מעגלית במהירות קבועה בגודלה

כאשר גוף נע ופועל עליו כוח שקול הניצב לכוון התנועה הגוף יבצע תנועה במסלול מעגלי במהירות קבועה. את הכוח השקול הפונה למרכז המעגל אנו מכנים בשם: כוח רדיאלי/צנטריפטלי. הכוח הרדיאלי גורם לתאוצה הרדיאלית המכוונת גם היא למרכז המעגל וגורמת לשינוי בכיוון המהירות, אך לא לשינוי בגודל המהירות.

$$\text{לפי חוק שני של ניוטון: } \sum F_R = ma_R \quad \text{כאשר} \quad a_R = \frac{v^2}{R} = \omega^2 R$$

### טכניקת פתרון תרגילים בתנועה מעגלית במהירות קבועה בגודלה

1. יש לזהות את מישור התנועה המעגלית – המישור התחום ע"י התנועה במעגל.
2. יש לסמן את הכוחות הפועלים על הגוף.
3. מערכת צירים: ציר  $r$  – על פני מישור התנועה המעגלית לכוון מרכז המעגל. ציר  $y$  – ניצב למישור התנועה המעגלית.
4. פירוק כוחות שאינם מקבילים לצירים לרכיבים.
5. משוואות כוחות לכל ציר:

| עבור צופה במערכת המאיצה<br>(לאחר שהוספנו כוח דלמבר " $ma_R$ " רדיאלית החוצה) |                       | עבור צופה חיצוני   |                       |
|--|-----------------------|--------------------|-----------------------|
| ציר $r$  | ציר $y$               | ציר $r$            | ציר $y$               |
| $\sum F_{R(rel)} = 0$  | $\sum F_{y(rel)} = 0$ | $\sum F_R = ma_R$  | $\sum F_y = 0$        |
| כי אין תנועה בציר $r$  | כי אין תנועה בציר $y$ | כי יש תנועה מעגלית | כי אין תנועה בציר $y$ |

### דוגמא לתנועה מעגלית במהירות קבועה בגודלה: תקליט מסתובב במהירות קבועה $\omega$ ועליו

מונח מטבע במרחק  $R$  ממרכזו. נרשום משוואות כוחות לכל ציר:

| עבור צופה על התקליט   |                       | עבור צופה חיצוני  |                |
|-----------------------|-----------------------|-------------------|----------------|
| ציר $r$               | ציר $y$               | ציר $r$           | ציר $y$        |
| $\sum F_{R(rel)} = 0$ | $\sum F_{y(rel)} = 0$ | $\sum F_R = ma_R$ | $\sum F_y = 0$ |
| $f_s - "ma_R" = 0$    | $N - mg = 0$          | $f_s = ma_R$      | $N - mg = 0$   |

מתי תהיה החלקה? כאשר  $\omega$  יגדל כך ש  $"ma_R" > f_{s \max}$

## מקרה 2: תנועה מעגלית במהירות משתנה בגודלה

נדון בתנועה מעגלית בה המהירות משתנה גם בגודלה. כאמור, כדי שתתקיים תנועה מעגלית חייב להיות כוח רדיאלי. הכוח הרדיאלי גורם לתאוצה רדיאלית הגורמת לשינוי בכיוון התנועה כלומר לתנועה מעגלית. אך אם בנוסף לכוח הרדיאלי יש גם רכיב של כוח בכיוון משיק למעגל, הכוח גורם לתאוצה משיקית שגורמת לשינוי בגודל המהירות. אם כיוון הכוח המשיקי (ואיתו כוון התאוצה המשיקית) הם בכוון התנועה אזי מהירות הגוף תגדל, ולהיפך: אם כיוון הכוח המשיקי (ואיתו כוון התאוצה המשיקית) מנוגדים לכיוון התנועה אזי מהירות הגוף תקטן.

### טכניקת פתרון תרגילים בתנועה מעגלית במהירות משתנה בגודלה

1. יש לזהות את מישור התנועה המעגלית – המישור התחום ע"י התנועה במעגל.
2. יש לסמן את הכוחות הפועלים על הגוף.
3. מערכת צירים: ציר  $r$  – על פני מישור התנועה המעגלית לכיוון מרכז המעגל. ציר  $t$  – בכיוון משיק לכיוון תנועת הגוף באותו הרגע.
4. פירוק כוחות שאינם מקבילים לצירים לרכיבים.
5. משוואות כוחות לכל ציר:

|   |  |   |   |
|---|--|---|---|
| עבור צופה במערכת המאיצה<br>(לאחר שהוספנו 2 כוחות דלמבר - " $ma_R$ "<br>רדיאלית החוצה ו- " $ma_t$ " נגד כוון $a_t$ ) |  | עבור צופה חיצוני                        |   |
| ציר $r$   | ציר $t$  | ציר $r$                                 | ציר $t$                                   |
| $\sum F_{R(rel)} = 0$<br>כי אין תנועה בציר $r$  | $\sum F_{t(rel)} = 0$<br>כי אין תנועה בציר $t$ | $\sum F_R = ma_R$<br>כי יש תנועה מעגלית | $\sum F_t = ma_t$<br>כי יש תאוצה בציר $t$ |

**דוגמא לתנועה מעגלית במהירות משתנה בגודלה:** תקליט מתחיל להסתובב ממנוחה בתאוצה זוויתית קבועה  $\alpha$ . על התקליט מונח מטבע במרחק  $R$  ממרכזו. נרשום משוואות כוחות לכל ציר:

|                       |                       |                   |                   |
|-----------------------|-----------------------|-------------------|-------------------|
| עבור צופה על התקליט   |                       | עבור צופה חיצוני  |                   |
| ציר $r$               | ציר $t$               | ציר $r$           | ציר $t$           |
| $\sum F_{R(rel)} = 0$ | $\sum F_{t(rel)} = 0$ | $\sum F_R = ma_R$ | $\sum F_t = ma_t$ |
| $f_{sr} - "ma_R" = 0$ | $f_{st} - "ma_t" = 0$ | $f_{sr} = ma_R$   | $f_{st} = ma_t$   |



## תנועה הרמונית פשוטה

### 1. תנועה הרמונית פשוטה וכוח מחזיר

ת.ה.פ. היא תנועה של גוף המתנוודד סביב מצב שווי משקל תחת השפעת כוח מחזיר. זוהי תנועה מחזורית (תנועה שחוזרת על עצמה במרווחי זמן קבועים).  
כוח מחזיר זהו כוח המכוון תמיד כלפי מרכז התנועה – נקודת שווי משקל – בה שקול הכוחות שווה לאפס. הכוח המחזיר תלוי בהעתק ממצב שווי משקל.  
הערה: בת.ה.פ. יש שימור אנרגיה והתנועה תימשך לעד.

### 2. דוגמא לכוח מחזיר בקפיץ אופקי המבצע ת.ה.פ.

$$\Sigma F = ma$$

$$k\Delta x = ma$$

כיוון הכוח: לכיוון מצב שווי משקל

עוצמת הכוח: הכוח פרופורציונאלי למעתק מנקודת שווי משקל.

בקצוות:  $x = \pm A$  ← הכוח מקבל ערך מקסימאלי  
ולכן התאוצה מקסימאלית.

בנ.ש.מ.:  $x = 0$  ← הכוח אפס ולכן התאוצה גם אפס.

### 3. נקודת שווי משקל בקפיץ אופקי ואנכי

הגוף מבצע ת.ה.פ. סביב נקודת שווי משקל.

בקפיץ אופקי - נקודת שווי משקל היא הנקודה בה הקפיץ רפוי.

בקפיץ אנכי - נקודת שווי משקל היא הנקודה של השקיעה הסטטית של הקפיץ.

### 4. משוואות התנועה בת.ה.פ.

| משוואות תנועה כתלות בזמן                                     | משוואות תנועה כתלות במעתק          |
|--|------------------------------------|
| $x(t) = A \cos(\omega t + \varphi)$                          |                                    |
| $v(t) = \frac{dx}{dt} = -A\omega \sin(\omega t + \varphi)$   | $v(x) = \pm\omega\sqrt{A^2 - x^2}$ |
| $a(t) = \frac{dv}{dt} = -A\omega^2 \cos(\omega t + \varphi)$ | $a(x) = -\omega^2 x$               |



**5. אמפליטודה, מהירות זוויתית וזווית מופע**

A - משרעת/אמפליטודה - מעתק מקסימאלי מנקודת שווי משקל .

$\omega$  - מהירות זוויתית -  $\omega = \frac{2\pi}{T} = 2\pi f$  כאשר :  $T$  הוא זמן מחזור של התנודה.

בקפיץ  $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$   $T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$

במטוטלת  $\omega = \sqrt{\frac{g}{l}}$   $T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$

$\phi$  -זווית מופע התחלתית - קובעת את מעתק הגוף בתחילת המדידה.

**6. המעטק, המהירות, הכוח המחזיר והתאוצה בת.ה.פ. של קפיץ אופקי**

| כאשר הגוף חולף בקצה התנודה | כאשר הגוף חולף בנ.ש.מ.   | כאשר הגוף חולף בקצה התנודה |             |
|----------------------------|--------------------------|----------------------------|-------------|
| $x_{\max} = -A$            | $x = 0$                  | $x_{\max} = +A$            | המעטק       |
| $v = 0$                    | $v_{\max} = \pm\omega A$ | $v = 0$                    | מהירות הגוף |
| $F_{\max} = +kA$           | $F = 0$                  | $F_{\max} = -kA$           | הכוח המחזיר |
| $a_{\max} = +\omega^2 A$   | $a = 0$                  | $a_{\max} = -\omega^2 A$   | תאוצת הגוף  |

## תנועה סיבובית של גוף קשיח

### 1. מומנט התמד

$$I_O = \int_m r^2 dm$$

המשמעות הפיסיקלית של מומנט האינרציה הוא מידת פיזור המסה בגוף סביב ציר מסויים. מומנט ההתמד הוא תכונה של גוף עבור ציר סיבוב מסוים. אם הגוף משוכלל והציר הוא במרכז הגוף אזי ככל שמסת הגוף יותר רחוקה מהמרכז ממומנט האינרציה של הגוף גדל. מומנט ההתמד של גוף הוא מדד להתנגדות של גוף לשינוי במהירות הזוויתית שלו (בדומה למסה בתנועה קווית).

לדוגמא: נתבונן על מומנט ההתמד של דיסקה ושל חישוק דק דופן (עובי הדופן קטן מאד מאד) בעלי אותה מסה ואותו רדיוס ביחס

לציר העובר במרכז הגוף:  $I_O = 0.5MR^2$  הקסיד,  $I_O = MR^2$  קושיח\_קד\_נפיד.

ההבדל ביניהם הוא בפיזור המסה סביב המרכז. בחישוק רוב המסה רחוקה מציר הסיבוב לעומת דיסקה שבה יש מסות קרובות לציר הסיבוב ויש מסות רחוקות מציר הסיבוב. המומנט הדרוש כדי להאיץ את החישוק גדול פי 2 מאשר המומנט הדרוש כדי להאיץ את הדיסקה לאותה תאוצה זוויתית.

### 2. מומנט התמד של כמה גופים משוכללים

| מומנט ההתמד – הציר במרכז הגוף (אלא אם כן מצויין אחרת) | הגוף   |
|---|--|
| $I_O = \frac{1}{2}MR^2$                               | דיסקה (גליל מלא)                                 |
| $I_O = MR^2$  | חישוק דק דופן                                    |
| $I_O = \frac{1}{12}ML^2$                              | מוט דק - הציר מאונך לו ועובר במרכז המוט          |
| $I = \frac{1}{3}ML^2$                                 | מוט דק - הציר מאונך לו ועובר באחד הקצוות של המוט |

### 3. משפט שטיינר

אם ידוע לנו מומנט ההתמד של גוף שמסתו  $m$  דרך מרכז הכובד שלו ( $I_{CM}$ ), אזי נוכל למצוא

את מומנט ההתמד שלו ( $I$ ) סביב כל ציר מקביל אחר המרוחק מרחק  $d$  מהציר הראשון:  $I = I_{CM} + md^2$

### 4. חוק שני של ניוטון למומנטים

אם סכום המומנטים שפועלים על הגוף שונה מאפס אזי הגוף יסתובב בתאוצה זוויתית לפי הקשר להלן, ואם גוף מסתובב בתאוצה זוויתית אז סכום המומנטים שפועל עליו שונה

מאפס לפי הקשר הבא:  $\vec{M}_0 = I_0 \vec{\alpha}$

### 5. מומנט חיובי ומומנט שלילי

אם הכוח עוזר לסיבוב (בכוון הסיבוב) אז המומנט שלו חיובי. ואם הכוח מתנגד לסיבוב (נגד כוון הסיבוב) אז המומנט שלו שלילי.

### 6. אנרגיה קינטית של גוף קשיח בתנועה סיבובית

$$E_k = \frac{1}{2} I \omega^2$$

מקרה 1: גוף קשיח מסתובב סביב ציר קבוע

האנרגיה הקינטית של הגוף הקשיח היא רק אנרגיה קינטית של סיבוב.

$$E_k = \frac{1}{2} I \omega^2 + \frac{1}{2} m v_{CM}^2$$

מקרה 2: גוף קשיח בגלגול ללא החלקה

האנרגיה הקינטית של הגוף הקשיח היא אנרגיה קינטית של תנועה סיבובית וגם אנרגיה קינטית של תנועה קווית של מרכז

המסה כאשר  $v_{CM} = \omega R$ .

### 7. גוף קשיח בגלגול ללא החלקה

- נרשום את משוואת הכוחות עבור נקודת מרכז המסה של הגוף:  $\sum F = Ma_{CM}$
- הקשר בין גדלים של מרכז המסה לגדלים זוויתיים הוא:

$$s_{CM} = \theta R$$

$$v_{CM} = \omega R$$

$$a_{CM} = \alpha R$$

## תנע זוויתי

$$I_o = mR^2$$

### 1. מומנט התמד של גוף נקודתי m

R- המרחק בין החלקיק m לבין ציר הסיבוב

### 2. מומנט התמד של גוף המורכב ממספר גופים סימטריים

עבור גוף המורכב ממספר גופים סימטריים (למשל גוף נקודתי המחובר למוט) מומנט האינרציה המשותף יהיה סכום מומנטי האינרציה של הגופים הנפרדים, כשהמומנטים שלהם מחושבים כולם ביחס לאותו ציר.

$$\vec{L}_0 = \vec{r} \times \vec{p} = \vec{r} \times (m\vec{v}) = I_o \vec{\omega}$$

### 3. תנע זוויתי

לכל גוף שמסתובב יש תנע זוויתי, שמעניק לו יציבות. התנע הזוויתי למעשה מבטא את נטייתו של גוף להסתובב.

על התנע הזוויתי חל חוק שימור ולמעשה סכום התנע הזוויתי ביקום הינו קבוע. התנע הזוויתי מושפע ממסת הגוף, מהירותו ורדיוס הסיבוב, כאשר פרמטר אחד משתנה, גם האחרים ישתנו על מנת לפצות על השינוי.

התנע הקווי של גוף נקודתי שמוגדר כמכפלת מהירותו של הגוף במסתו,  $p = mv$ , מהווה מדד ליכולתו להתמיד בתנועתו. באופן דומה, מהווה התנע הזוויתי מדד ליכולתו של גוף, בפרט קשיח, להתמיד בתנועתו הסיבובית.

|  |  |
|--|--|
| $L_o = I_o \omega$                                     | תנע זוויתי של גוף קשיח בעל מומנט התמד I יחסית לציר מסויים ואשר מסתובב סביב ציר זה במהירות זוויתית $\omega$ |
| $L_o = I\omega = (mR^2)\left(\frac{v}{R}\right) = mvR$ | תנע זוויתי של גוף נקודתי שמסתו m שנמצא במרחק R מנקודה O.   |

### 4. חוק שימור התנע הזוויתי

$$\Delta L = J_\theta = \int (\sum M_o) dt \quad : \quad \Delta L = J_\theta = \int (\sum M_o) dt$$

ולכן כאשר לא פועל מתקף זוויתי חיצוני  $J_\theta = \int (\sum M_o) dt$  לא יהיה שינוי בתנע הזוויתי  $\Delta L$ , כלומר אם המומנט השקול החיצוני הפועל על מערכת סביב ציר O שווה לאפס, התנע הזוויתי של המערכת סביב ציר O נותר ללא שינוי.

$$L = L'$$

$$I_1 \omega_1 + I_2 \omega_2 = I_1' \omega_1' + I_2' \omega_2'$$

## מתקף ותנע

### 1. מתקף של כוח

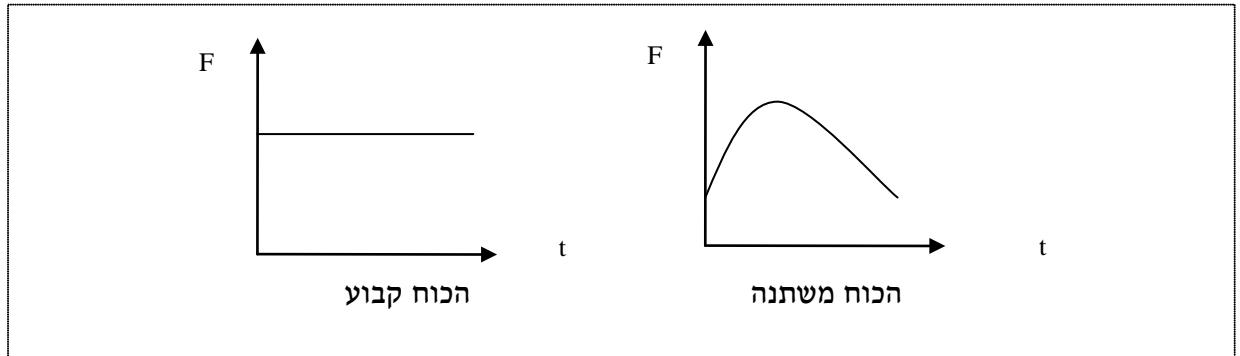
$$\vec{J}_F = \vec{F} \cdot \Delta t$$

1. אם הכוח קבוע: המתקף שווה למכפלת הכוח הקבוע בזמן פעולתו:

$$\vec{J}_F = \int_{t_1}^{t_2} \vec{F}(t) dt$$

2. אם הכוח משתנה:

3. מציאת המתקף לפי גרף כוח-זמן: בגרף כוח-זמן המתקף של הכוח במשך זמן  $\Delta t$  הוא השטח מתחת לעקום:



4. הערות: המתקף הוא וקטור, כיוון וקטור המתקף ככיוון וקטור הכוח.

יחידת המתקף היא:  $(N \cdot s)$

### 2. תנע של גוף

$$\vec{p} = m\vec{v}$$

תנע של גוף זו מכפלת מסת הגוף במהירותו:

הערות: התנע הוא וקטור, כיוון וקטור התנע ככיוון וקטור המהירות.

יחידת התנע היא:  $\left(\frac{kg \cdot m}{s}\right)$ , והיא שווה ליחידת המתקף  $(N \cdot s)$ .

### 3. השפעתו של המתקף הכולל על שינוי התנע של הגוף

המתקף הכולל הפועל על גוף במשך מרווח זמן מסויים שווה לשינוי בתנע של הגוף במהלך אותו מרווח זמן:

$$\vec{J}_{\Sigma F} = \Delta \vec{p}$$
$$\int_{t_1}^{t_2} \Sigma \vec{F}(t) dt = \vec{p}_f - \vec{p}_i = m\vec{v}_f - m\vec{v}_i$$

או:

#### 4. מערכת סגורה ותנע של מערכת

**מערכת סגורה**: מערכת גופים שאין פועלים עליהם כוחות חיצוניים מכונה מערכת סגורה. הכוחות היחידים הפועלים במערכת סגורה הם אלה שהגופים מפעילים זה על זה. מערכת סגורה עשויה לכלול 2 גופים או יותר. מערכת גופים נחשבת לסגורה גם כאשר פועלים על גופי המערכת כוחות חיצוניים, בתנאי ששקול הכוחות החיצוניים הפועלים על כל גוף שווה לאפס, כלומר המתקף שהם מפעילים על כל גוף שווה לאפס. **תנע כולל של מערכת**: מוגדר כסכום וקטורי של התנעים של גופי המערכת:

$$\vec{p}_{\text{תכרעמ}_2\text{ תיפוג}} = \vec{p}_1 + \vec{p}_2 = m_1 \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2$$

#### 5. חוק שימור התנע למערכת גופים סגורה

כל עוד מערכת הגופים סגורה, התנע הכולל  $\vec{p}_{\text{תכרעמ}} = \vec{p}_1 + \vec{p}_2$  של המערכת קבוע כפונקציה של הזמן:

$$\vec{p}_{\text{תכרעמ}} = \vec{p}_1 + \vec{p}_2 = \text{const} \quad \Rightarrow \quad \vec{p}_1 + \vec{p}_2 = \vec{p}'_1 + \vec{p}'_2 \quad \Rightarrow \quad \boxed{m_1 \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2 = m_1 \vec{u}_1 + m_2 \vec{u}_2}$$

$\vec{v}_1, \vec{v}_2$  - מהירויות הגופים לפני ההתנגשות

$\vec{u}_1, \vec{u}_2$  - מהירויות הגופים אחרי ההתנגשות

כלומר, במהלך האינטרקציה בין גופי המערכת התנע של כל אחד מגופי המערכת עשוי להשתנות בגודלו ובכיוונו, אולם התנע הכולל של המערכת נשמר. (רשמנו את חוק שימור התנע עבור מערכת דו גופית, אך הוא מתקיים גם עבור מערכת רב גופית).

#### 6. חוק שימור התנע בהתנגשות חד מימדית ודו מימדית

**התנגשות חד מימדית או התנגשות מיצחית**:

מסלולי התנועה של הגופים לפני ההתנגשות ואחריה נמצאים על קו ישר אחד.

$$\boxed{m_1 v_1 + m_2 v_2 = m_1 u_1 + m_2 u_2}$$

שימור תנע בציר X:

**התנגשות דו מימדית**:

מסלולי התנועה של הגופים לפני ההתנגשות ואחריה כלולים במישור אחד ולא על קו ישר.

$$\boxed{m_1 v_{1x} + m_2 v_{2x} = m_1 u_{1x} + m_2 u_{2x}}$$

שימור תנע בציר X:

$$\boxed{m_1 v_{1y} + m_2 v_{2y} = m_1 u_{1y} + m_2 u_{2y}}$$

שימור תנע בציר y:

#### 7. 3 סוגי התנגשויות ורתע

התנגשות היא מפגש בין 2 גופים המתרחש בפרק זמן קצר מאד. אם המערכת היא סגורה מתקיים חוק שימור התנע.

##### 1. התנגשות פלסטית לחלוטין

• הגדרה: הגופים נצמדים זה לזה בעקבות ההתנגשות ונעים כגוף אחד.

$$\boxed{m_1 \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2 = (m_1 + m_2) \vec{u}}$$

• שימור תנע בהתנגשות פלסטית לחלוטין:

• לא מתקיים שימור אנרגיה אלא האנרגיה קטנה ומשתחררת כחום.

## 2. התנגשות אלסטית לחלוטין

• הגדרה: 2 הגופים מתנגשים ונפרדים ויש שימור אנרגיה בתהליך ההתנגשות.

$$m_1 \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2 = m_1 \vec{u}_1 + m_2 \vec{u}_2$$

• שימור תנע בהתנגשות אלסטית לחלוטין:

$$\frac{1}{2} m_1 v_1^2 + \frac{1}{2} m_2 v_2^2 = \frac{1}{2} m_1 u_1^2 + \frac{1}{2} m_2 u_2^2$$

• מתקיים שימור אנרגיה במהלך ההתנגשות:

• עבור מקרה פרטי של התנגשות אלסטית לחלוטין מיצחית אפשר להשתמש במשוואת שימור אנרגיה הבאה:

$$(v_2 - v_1) = -(u_2 - u_1)$$

במקום משוואת שימור אנרגיה.

## 3. התנגשות אלסטו-פלסט

• הגדרה: 2 הגופים מתנגשים ונפרדים ואין שימור אנרגיה במהלך ההתנגשות.

$$m_1 \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2 = m_1 \vec{u}_1 + m_2 \vec{u}_2$$

• שימור תנע בהתנגשות אלסטו-פלסט:

• לא מתקיים שימור אנרגיה אלא האנרגיה קטנה ומשתחררת כחום.

## 4. רתע

• הגדרה: 2 הגופים נפרדים בעקבות הרתע או ההתפוצצות (מצב הפוך להתנגשות פלסטית לחלוטין).

$$(m_1 + m_2) \vec{v} = m_1 \vec{u}_1 + m_2 \vec{u}_2$$

• שימור תנע:

• לא מתקיים שימור אנרגיה אלא האנרגיה גדלה.

## 8. שינוי האנרגיה (האנרגיה קינטית) בהתנגשויות וברתע

$$\Delta E_k = E_{k(\text{תיפוס})} - E_{k(\text{תיתלחתה})} = \left( \frac{1}{2} m_1 u_1^2 + \frac{1}{2} m_2 u_2^2 \right) - \left( \frac{1}{2} m_1 v_1^2 + \frac{1}{2} m_2 v_2^2 \right)$$

בהתנגשות פלסטית לחלוטין:  $E_{k(\text{תיפוס})} < E_{k(\text{תיתלחתה})}$   $\Delta E_k < 0$  האנרגיה הקינטית אובדת לחום.

בהתנגשות אלסטית לחלוטין:  $E_{k(\text{תיפוס})} = E_{k(\text{תיתלחתה})}$   $\Delta E_k = 0$  האנרגיה הקינטית נשמרת.

בהתנגשות אלסטו-פלסט:  $E_{k(\text{תיפוס})} < E_{k(\text{תיתלחתה})}$   $\Delta E_k < 0$  האנרגיה הקינטית אובדת לחום.

ברתע:  $E_{k(\text{תיפוס})} > E_{k(\text{תיתלחתה})}$   $\Delta E_k > 0$  האנרגיה הקינטית גדלה.

## 9. מקדם תקומה

$$e = -\frac{u_2 - u_1}{v_2 - v_1}$$

בהתנגשות מיצחית מגדירים מקדם תקומה:

בהתנגשות פלסטית לחלוטין:  $e = 0$ .

בהתנגשות אלסטית לחלוטין:  $e = 1$  (זו בעצם משוואת שימור אנרגיה בהתנגשות מיצחית אלסטית לחלוטין).

בהתנגשות אלסטו-פלסט:  $0 < e < 1$ .

המשמעות הפיסיקלית של מקדם התקומה היא עד כמה ההתנגשות היתה אלסטית לחלוטין או פלסטית לחלוטין.



