

התפלגויות בדידות מוכרות

ההתפלגות	משמעות	כתיבה	תומך	פונקציית התפלגות $P(X = k)$	תוחלת	שונות	פונקציה יוצרת מומנטים
אחידה	X מקבל מספרים שלמים בהסתברות אחידה	$X \sim U[a, b]$	$\{a, a + 1, \dots, b\}$	$\frac{1}{b-a+1}$	$\frac{a+b}{2}$	$\frac{(b-a+1)^2-1}{12}$	$\frac{1}{b-a+1} \cdot \frac{e^{(b+1)t}-e^{ta}}{e^t-1}$
ברנולי	X סופר הצלחה בניסוי - כאשר 1 מייצג הצלחה ו-0 מייצג כישלון	$X \sim \text{Ber}(p)$	$\{0, 1\}$	$p^k (1-p)^{1-k}$	p	$p(1-p)$	$pe^t + (1-p)$
בינומית	X סופר את כמות ההצלחות בסדרה של n ניסויי ברנולי בלתי-תלויים עם הסתברות הצלחה p	$X \sim \text{Bin}(n, p)$	$\{0, 1, \dots, n\}$	$\binom{n}{k} p^k (1-p)^{n-k}$	np	$np(1-p)$	$(pe^t + (1-p))^n$
גיאומטרית	X סופר את כמות הפעמים עד להצלחה הראשונה בסדרת ניסויי ברנולי בלתי-תלויים עם הסתברות הצלחה p	$X \sim \text{Geo}(p)$	$\{1, 2, \dots\}$	$p \cdot (1-p)^{k-1}$	$\frac{1}{p}$	$\frac{1-p}{p^2}$	$\forall t < -\ln(1-p) : \frac{pe^t}{1-(1-p)e^t}$
פואסונית	X סופר את כמות המאורעות שהתרחשו ביחידת זמן, אם בממוצע מתרחשים λ מאורעות ביחידת זמן	$X \sim \text{Poi}(\lambda)$	$\{0, 1, 2, \dots\}$	$e^{-\lambda} \cdot \frac{\lambda^k}{k!}$	λ	λ	$e^{\lambda(e^t-1)}$
היפרגיאומטרית	X סופר את כמות העצמים המיוחדים בשליפה של n מתוך N בלי החזרה, כשיש בסך הכל D מיוחדים	$X \sim \text{HG}(N, D, n)$	$\max\{0, n+D-N\} \leq k \leq \min\{n, D\}$	$\frac{\binom{D}{k} \binom{N-D}{n-k}}{\binom{N}{n}}$	$\frac{nD}{N}$	$\frac{n \cdot \frac{D}{N} \cdot (1 - \frac{D}{N}) \cdot (N-n)}{N-1}$	-

קירוב פואסוני לבינומי. כאשר מספר הניסויים המבוצעים n הוא גדול מאוד, וההסתברות ל"הצלחה" בכל ניסוי p קרובה ל-0, ההתפלגות הפואסונית משמשת קירוב טוב להתפלגות הבינומית $\text{Bin}(n, p)$ עם הקבוע $\lambda = np$: $\text{Bin}(n, \frac{\lambda}{n}) \rightarrow \text{Poi}(\lambda)$.