

הוכיחו/הפריכו:

(1) אם $f(x), g(x)$ פונ' ממשיות הגזירות בנק' x_0 כך ש- $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f'(x)}{g'(x)} = a$, אז $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x)}{g(x)} = a$.

(2) אם $f(x)$ פונ' ממשית הגזירה בנק' x_0 , וקיים (וסופי) הגבול $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x)$ אז הוא שווה ל- $f(x_0)$.

(3) תהי $f(x)$ פונ' ממשית הגזירה ב- (a, b) ויהיו $c < d \in (a, b)$. אז קיימת $p \in [c, d]$ כך ש-

$$f'(p) = \frac{f(d) - f(c)}{d - c}$$

(4) תהי $f(x)$ פונ' ממשית הגזירה ב- (a, b) , ותהי $x_0 \in (a, b)$ כך ש- $f''(x_0) = 0$. אזי x_0 איננה נקודת קיצון של $f(x)$.

(5) תהי $f(x)$ פונ' ממשית המוגדרת ורציפה בקטע (a, b) . אזי לכל קטע $[c, d] \subseteq (a, b)$ יש ל- $f(x)$ מקסימום מוחלט ב- $[c, d]$.

(6) אם $f(x)$ פונ' ממשית המוגדרת ב- $[a, b]$ וגזירה ב- (a, b) אז יש $c \in (a, b)$ כך ש-

$$f'(c) = \frac{f(b) - f(a)}{b - a}$$

(7) אם $f(x)$ פונ' ממשית המוגדרת ב- (a, b) וחסומה שם אז לכל $x_0 \in (a, b)$ קיים (וסופי) הגבול $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x)$.

(8) אם ϵ, δ מספרים אינפיניטסימליים חיוביים אז ϵ^δ מספר אינפיניטסימלי חיובי.