

פונקציות פסוקיות וכתיבת

II. נסח חדש כל אחד מהביטויים הללו עם ממה במקום סימן השילילה:	
$\sim(\exists x)[\sim(\sim(Mx \vee Nx))]$.7
$\sim(\exists x)[\sim(\sim(Ox \vee \sim Px))]$.8
$\sim(\exists x)[\sim(\sim(\sim Qx \vee Rx))]$.9
$\sim(x)[\sim(Sx \cdot \sim Tx)]$.10
$\sim(x)[\sim(\sim(Ux \cdot \sim Vx))]$.11
$\sim(\exists x)[\sim(\sim Wx \vee \sim Xx)]$.12
$\sim(x)[\sim Kx \vee \sim Lx]$.6
	*
	.1
$\sim(Cx \sim Dx)$.2
$\sim(\exists x)[Ex \cdot Fx]$.3
$\sim(x)[\sim Ix \vee Jx]$.4
$\sim(x)[\sim(\sim Ix \vee \sim Jx)]$.5
$\sim(x)[\sim Kx \vee \sim Lx]$	*

IV. הוכחת תקיפות

אם בראצנו לבנות הוכחות כורניות לתקיפותם של ארגומנטים אשר מקיפותם תלויות במبنיהם פנימיים של פסוקים לא-מורכבים המופיעים בהם, אנו חייבים להרחיב את רישימת כליל ההיסק שלנו. דרישים רק ארבעה כלליים נוספים, והם יוכנסו בקשר לאrgומנטים אשר בשביבם הם דרישות. הבאה נזין באර-גומנט הראשון שצוטט בפרק זה: "כל האנשים הם בנסיבותთ. סוקרטס הוא בזידם. לכן סוקרטס הוא בנסיבותת". הוא מסומן כך:

$(Ax)(Bx)[Tx]$
Bs
Ts

ההכרמה הראשתונה טענת את אמתותו של הכימות הכלול של הפונקציה הפסוקית $Ax Bx$, הויאל והכימות הכלול של הפונקציה הפסוקית הוא אמתית אם ורק אם כל מקרי ההצבה שלו הם אמתיים. נוכל להסביר מן ההכרמה הראשונה כל אקרה האבה רצוי של הפונקציה הפסוקית $Ax Bx$, במיוחד אנו יכולים להסביר את אקרה ההצבה Ts . מבו ומן ההדרמה השנייה, Bs.

נגרתת המסקנה Ts ישירות במודום פוננס. אם נוטיף לרשותם כליל ההיסק שלנו את העיקרון של מקרה האבה של פונקציית פסוקית יכול להיות מושך באופן מוף מאין מוף מן הטעמו הכלל של הר' שבאפשרותנו לתמם הוכחה צורנית לתקיפותם של הארגומנט הנמוץ בהסתמכו על הרשימה המורחבת של דעוטי הטיעון התקנים היוצרים. ככל היסק חדש זה הוא עיקרונו המתממש הילולית, והוא מסומן בקיצור "UI". בהסתמכו

5. ככל זה וטלוות הטעמים אחרים הם גירושות שונות של כליל הדרוגות הבלתי-
אשר גראנד גאנן וכטנסילב יולובסקי ניסחו אותו בשנת 1934 — כל אחד
באופן עצמאי.

פבואה ללוגיקה

- * 5. ג'נטלמנים אינם תמיד עשירים. (Gx: x הוא ג'נטלמן; Ax: x הוא עשיר).
6. שגירים הם תמיד מכובדים. (Sx: x הוא שגיר; Mx: x הוא מכובד).
7. שם צופה איננו מרמה לעולם. (Cx: x הוא צופה; Mx: x הוא מרמה).
8. רק רופאים מורשים יכולים לקבל על עצם אחריות לטיפול רפואי. (Rx: x הוא רופא מורה; Tx: x אחראי לטיפול רפואי).
9. הנסיבות נשש הן לעתים פטליות. (Nx: x הוא הנסיבות נשש; Fx: x הוא פטלי).
- * 10. הנסיבות הרגיליה לעולם איננה פטלית. (Hx: x הוא הנסיבות רגיליה; Fx: x הוא פטלי).
11. ילד הצביע באצבעו לעבר הקיסר. (Yx: x הוא ילד; Hx: x הוא הצביע באצבעו לעבר הקיסר).
12. לא כל הילדים הצביעו באצבעם לעבר הקיסר (כבשלה הקודמת).
13. לא כל הנוצץ הוא זהב. (Nx: x הוא נוצץ; Zx: x הוא זהב).
14. רק האמיצים ראויים לתחילה. (Ax: x אמיתי; Rx: x הוא ראוי לתחילה).
- * 15. רק אורותים אמריקאים רשיים להצביע בבחירה בארצות הברית. (Ex: x הוא אורה אמריקאי; Rx: x הוא רשאי להצביע בבחירה בארצות הברית).
16. אורחים אמריקאים רשאים להצביע רק בבחירה בארצות הברית. (Ax: x הוא בבחירה שבחן אורחים אמריקאים רשאים להצביע; Bx: x הוא בחירות בארצות הברית).
17. יש מדינאים הוגנים. (Hx: x הוא הוגן; Mx: x הוא מדינאי).
18. לא כל מועמד נתקבל לעבודה. (Mx: x הוא מועמד; Nx: x הוא נתקבל לעבודה).
19. שם מועמד לא נתקבל לעבודה (כבשלה הקודמת).
20. שם דבר בעלות-%;"> לא נאמר. (Bx: x בעל השיבות; Nx: x הוא נאמר).

מבוא ללוגיקה

באות היוונית νο כדי לייצג סמל אינדיונידואלי כלשהו, מנוסח הכלל החדש כך:

UI : x φ(x) (x) הוא כל סמל אינדיונידואלי שהוא
א.φ.ν.

הוכחה צורנית לתקיפות יכולה מעה להיכתב כך:

1. (x)[BxTx]
2. Bs ∴ Ts
3. BsTs ∴ UI
4. Ts ∴ 3.2. M.P.

הוספה UI מחזקת במידה ניכרת את מנגנון הוכחה שלנו אך דרוש יותר. החדר בכללים נוספים השולטים בנסיבות מתעורר בקשר לארגומנטים כגון: "כל בני אדם הם בניו-אדם. כל היונים הם בני-אדם. לכן כל היונים הם בניו-אדם". תרגומו של ארגומנט זה לשפת הסמלים יהא:

(x)[BxTx]
(x)[Yx ∴ Bx]
... (x)[Yx ∴ Tx]

כאן שני התקדמות והמסקנה הן פסוקים כלליים ולא פרטיים, הם כימותיהם כוללים של פונקציות פסוקיות ולא מקרי הצבה שלהם. משתי ההקרנות, דרך UI, יוכל להסביר באופן תקין את הוגות האלה של פסוקי תנאי:

{Ya ∴ Ba} , {Yb ∴ Bb} , ... , {Ye ∴ Be} , {Yd ∴ Bd} , {Be ∴ Td} , {Bd ∴ Ta} , {Bb ∴ Tb}

ובעזרת שימוש רצוף בעיקרונו ההפוך ההפוך להסביר באופן תקין את המסקנות:

Ya ∴ Td , Yd ∴ Tb , Ye ∴ Tc , ...

אם a, b, c, d, ... הם כל היחידים שבעולם, נובע כי ממשיתון של ההקרנות אמת אפשר להסביר באופן תקין על ממשיותם של מקרי הצבה של פונקציה

פונקציות פסוקיות ובמקרים

פסוקיות Ax ↔ Ay. הואיל והכימות הכלול של פונקציה פסוקית הוא אמיתי אם ורק אם כל מקרי הצבה שלו אמיתיים, נוכל להמשיך ולהסביר על ממשיות Tx ↔ Ay (x). שהוא המסקנה של הארגומנט הנתון.

העיף הקודם יכול להחשב מכיל הוכחה לא-אייזרניט לתקופתו של הארגומנט הנתון, שבה משתמשים על עיקרונו ההפוך ההפוך וועל שני עקרונות השולטים בנסיבות. אולם הוכחה כזו מתחארת רציף-פסוקים שאורכם עצום: רישימות כל מקרי הצבה של שתי הפונקציות הפסוקיות שאלומתו באופן כולל בהקדמות. ורשימת כל מקרי הצבה של הפונקציה הפסוקית אשר הימוט הcoil הבלתי הבלתי שלה הוא המסקנה. הוכחה צורנית איננה יכולה להוביל רציף-פסוקים שאורכם עצום, אולי אף אינ-טובי, ולכן יש למצאו איזו דרך להביע רצפים אלה שאורכם אינ-טובי באיזו צורה סופית ומוגבלת.

דרך לעשות זאת מוצעת בטכניתה רגילה של המתמטיקה היסודית מתמטיקאי, בשאפו להוכיח שכל המשולשים הם בעלי תכונה מסוימת. יכול לפחותה במלים: "יהא CBA משולש כלשהו שנבחר באורה שרירותי". ואו מתחיל האיש לחשב על המשולש CBA, ומוכיח כי יש לו התכונה הנדונה. מכך הוא מטייק כי לכל המשולשים אותה התכונה, ועתה מה מוכיח את ממשנתו הטעינה? בהסתמכו כי המשולש CBA הוא בעל התכונה, מדוע נובע מכך כי לכל המשולשים אותה התכונה? החשובה לשאלה זו ניתנת בקלות. אם שום הנחתה נוספת מונחת בקשר למשולש CBA, מלבד המשולשות שלו, הרי שהסתמלו "CBA" יכול להתקבל כמשמעותם כל משולש שתרצה לחשוב עליו. ואנו הארגומנט של המתמטיקאי מוכיח כי למשולש כלשהו יש התכונה הנדונה, ואם למשולש כלשהו אותה התכונה, הרי שלא-בל המשולשים אותה חבונה. עתה בראזנו להנגיש סימונו המקובל לדיבורו של המתמטיקאי בדבר "משולש CBA" כלשהו שנבחר באורה שרירותי". דבר זה ימנע את המאמץ היומני למונת מספר עצום או אינ-טובי של מקרי הצבה לפונקציה פסוקית, שכן במקרה לדבר עליהם נדבר על מקרה הצבה כלשהו של הפונקציה הפסוקית.

נשתמש באות y קטנה (שעד כה לא ניצלה) כדי לסמן ייחד בלבד שנכחר באורה שרירותי. נשתמש בה בדרך דומה לדרכו של המתמטיקאי בהשתמשו בסימן CBA. הואיל ואמיתותו של מקרה כלשהו של פונקציה פסוקית נובעת מכימותה הכלול, נוכל להסביר את מקרה הצבה שהוא מושתת מהרתו x ב-y, במשמעות y יהוד כלשהו שנבחר באורה שרירותי". הנה כי כן,

ארגון נתן אחר אשר הצגת תקופתו מצריכה את השימוש בהכללה כולה
והמחשה כוללת גם יחד הוא: "uros בז'אדם איןנו מושלים. כל היונים הם
בני אדם. לבן שם יונני איןנו מושלים". הוכחה אצורה לתקופתו היא:

1. (x)[Bx ⊃ ~Mx]
2. (x)[Yx ⊃ Bx] / ∴(x)[Yx ⊃ ~Mx]
3. By ⊃ ~My 1. UI
4. Yy ⊃ By 2. UI
5. Yy ⊃ ~My 4.3. H.S.
6. (x)[Yx ⊃ ~Mx] 5. UG

אפשר שהראה אינה מלאכותית בהליך זה. אפשר לטען כי הבדיקה
קדנית בין α(x) לבין ψ, כך שאין הם זרים אלא חיברים להיות
מוסיקת וזה מונה בעוררת המכחשה הכוללת והכללה כולה. פירושה להתקשרות
על הבדיקה שאין בצדיה הבדל. אולם ואיל שיש הבדל גורני בינויהם. הפסוק
(x Tx) הוא פסוק לא-מורכב, ואילו Ty ⊃ By הוא פסוק מורכב,
שכן הוא פסוק תנאי, משני הפסוקים הללו מורכבים [Ax ⊃ Yx] (x)
ו[Tx ⊃ Bx] (x)aira-אפשר להסיק שגם היסק רלבנטי בעוררת הרשימה
המקורית של 19 בלילה ההיסק. אולם מן הפסוקים המורכבים Ty ⊃ Yz
וTy ⊃ Nobuthe המסקנה שצווינגן Ty ⊃ עז דרך הקיש לתופעתן. עיקנון
המחשה הכוללת משמש כדי לעبور מפסוקים לא-מורכבים, אשר עליהם
כללי היחס הקודמים שננו אינם חלים. לפסוקים מורכבים, אשר עליהם
אפשר להחילם. כללי הנסיבות מגדריים איפוא את המנגנון הלוגי שלנו נד
שיהא מסוגל לתקוף ארגומנטים המכילים בעיקרים פסוקים לא-מורכבים
(מורכבים). כמו שהוא מסוגל לתקוף את סוג הארגומנט האחר (הפשוט
מורכבים). יותר דנו בו בפרקינו הקודמים. מאידך גיסא, על- אף ההבדל הבורני
מן הבדיקה שתהא שקולות לוגית בין α(x) לבין ψ, שאם לא כן חלקי
המחשה הכוללת והכללה הכוללת לא יהיו תקופים. הן ההבלול והן השקלות
הלוגיות חשובים לתוכיתנו, דהיינו לבחינת התקופות של ארגומנטים בעוררת
הסתמכות על רשותם כללי היחס. הוספת המכחשה הכוללת והכללה
הכוללת לרישומינו מחויק אותה ניכרות.

מן הבדיקה להרחב את הרשימה עוד יותר, בפונוטנו לארגומנטים המכילים
ליהם פסוקים ישנים. דוגמה נוספת להתוביל בה היא: "כל הטעים הם מושתת
את השימוש בהכללה כולה".

ונכל להתחיל כבר את הוכחתנו הזרבנית לתקופתו של הארגומנט הנתון:

- | | |
|----------------------------------|-----------|
| 1. (x)[Bx ⊃ Tx] | |
| 2. (x)[Yx ⊃ Bx] / ∴(x)[Yx ⊃ ~Tx] | |
| 3. By ⊃ Ty | 1. UI |
| 4. Yy ⊃ By | 2. UI |
| 5. Yy ⊃ Ty | 4.3. H.S. |

מן ההקדמות הסcano בדרך הדודקציה את הפסוק Ty ⊃ עז, הטוען למעשה,
הואיל ור' מסמן "יחיד כלשהו שנבחר באורח שרירותי", לאמתתו של
מקרה האבה כלשהו של הפונקציה הפסוקית Tx ⊃ Ax. הואיל ומקרה האבה
כלשהו הינו אמיתי, מן הבהיר שככל מקרי האבה אמיתיים, ומכאן שהכימות
הכולל של אותן פונקציה פסוקיות אמיתיים גם הוא. ונכל להוסיף עיקנון זה
לרשימת הכליל ההיסק שלגנו, ולנסחו כך: מקרה האבה של פונקציה פסוקית
המוחיר את שמו של יחיד כלשהו שנבחר באורח שרירותי, אפשר להסיק
באופן תקין את הנסיבות הכוללת של אותה פונקציה פסוקית. הואיל ועיקנון
חדש זה מתייר לנו לחבליל, דהיינו, לכלת מתוך (סוג מיוחד של) מקרה
הבה אל ביטוי מוככל, או מຄמת באופןו "עיקנון הכללה
הכוללת" ולסמו בקיצור "UG". הוא מנוסח כך:

UG: x φ (x).

(ע מסמן "יחיד כלשהו שנבחר באורח שרירותי")
את השורה השישית והאחרונה של הוכחה אצורה, שבבר המחלנו בה,
ונכל עתה לכתוב (ולהזכיר):

6. 5. UG Tx ⊃ Yx (x)

הבה נסקר שוב את הדיון הקודם. בהוכחתו של המתמטיקאי הונחה
תנזהה אחת ויחידה על CBA — שהוא משולש. וכן מה שמכוח כאמתית בדבר
CBA מוכחה כאמתית למשולש כלשהו. בהוכחה שלנו ההנחה היחידה שהונחה
בדבר ע' היא, שהוא יחיד. וכך מה שמכוח כאמתית בדבר ע' מוכחה כאמתית
לייחיד כלשהו. הטענה ע' הוא טעם ליחידה, אולם זהו טעם מיוחד מאוד. ניתן
להכניסו להוכחה רק בעוררת השימוש בהכחשה הכוללת. ורק נוכחותו מתריה
את השימוש בהכללה כולה.

עד כה למדנו בדרך הדודוקציה על Ma - Ia, שהוא מקרה הצבה של הפונקציה הפסוקית אשר הคימות היישן שללה נתען במשמעותה. הוואיל והכימות היישן של פונקציה פסוקית הוא אמתי אט ורך אם יש לו לפחות מקרה הצבה של פונקציה פסוקית לרשותם כליל היסק שלנו את העיקרון כי מכל אמתי אחד, אנו מוסיפים לרשותם כליל היסק שלנו את העיקרון כי מכל מקרה הצבה אמתי של אותה פונקציה פסוקית לאפשרותנו להסיק באופן תקין את הคימות היישן של אותה פונקציה פסוקית. כל היסק ריביצי ואחרון זה הוא עיקרונו הכללי היסטי המסומן בקיצור "EG" ומנוסח כך:

$$\phi v : EG \\ (\exists x) \phi x \therefore$$

את השורה העשירית והאחרונה של הוכחה שכבר מתחלנו בה, נוכל עתה לכתוב (ולהצדיק) כך:

$$10. EG \quad 9. EG$$

הצורך בהגבלת שצויינה על השימוש בהמחשה ישייה יכול להראות בשקלנו את הארגומנט שאיתקפטו גלויה לעין: "אלגנטורים אחותים מותני קים בשבי. ציפורים אחותיות מוחזקות בשבי. לכן אליגטורים אחותים הם ציפורים". אילו נenschנו מלחתחסב בהגבלת על ההמחשה ישייה, שמדובר ההצבה המוסך בעורחת מכימות ישי רשייא להכיל רק סמל אינדייזואלי (שאינו ע) אשר לא הופיע עד כה בשום מקום באוטו הקשר. חוק היסק החדש הוא עיקרונו ההמחשה היישית, והוא מסימן בקיצור "EI". הוא מנוסח כך:

1. $(\exists x) [Ax \cdot Sx]$
2. $(\exists x) [Cx \cdot Sx] / \therefore (\exists x) [Ax \cdot Cx]$
3. $Aa \cdot Sa \quad 1. EI$
4. $Ca \cdot Sa \quad 2. EI$
5. $Aa \quad 3. Simp.$
6. $Ca \quad 4. Simp.$
7. $Aa \cdot Ca \quad 5,6. Conj.$
8. $(\exists x) [Ax \cdot Cx] \quad 7. EG$

הטעות ב"הוכחה" זו חלה בשורה 4. מן ההקדמה השנייה $[Cx \cdot Sx]$

תים. אנשים אחדים הם פושעים. לכן אנשים אחדים הם מושחתים". הדבר מ滔ם נר:

$$(x) [Px \supset Mx] \\ (\exists x) [Ix \cdot Px] \\ (\exists x) [Ix \cdot Mx]$$

הכימות היישן של הפונקציה הפסוקית הוא אמתי אט ורך אם יש לו לפחות מקרה הצבה אמתי אחד. לכן, תהא התוכנה המסומנת בעורף ϕ אשר תאה, $\phi(\exists x)$ טוען כי קיים לפחות יחיד אחד בעלב שיש לו התכונה ϕ . אם קבוע אינדייזואלי (שונה מן הסמל המיוחד u) לא שימוש עד כה בשום מקום בהקשר, יוכל להשתמש בו כדי לסייע לו הוכיחה ϕ , אם ישנו יתדיים אחותים. בידענו כי קיים יתר כזה, נאמר a , אנו יודעים כי ϕ הוא מקרה הצבה אמתי של הפונקציה הפסוקית ϕ . לפיכך אנו מוסיפים לרשותם כליל היסק של עיקרונו כי מן הנסיבות היישן של פונקציה פסוקית באפשרותנו להוכיח אחותיות מקרה הצבה שללה בקשר לקבוע אינדייזואלי (שאינו ע) אשר לא הופיע עד כה בשום מקום באוטו הקשר. חוק היסק החדש הוא עיקרונו ההמחשה היישית, והוא מסימן בקיצור "EI". הוא מנוסח כך:

$$EI : \phi(\exists x) [v \text{ קבוע אינדייזואלי כלשהו (שאינו ע) שלא הופיע לפניכן בהקשר}] \quad \phi \therefore$$

בהתאמה לכל היסק הנוסף EI, נוכל להתחיל בהוכחת תקופומי של הארגומנט שצויין:

- | | |
|---|------------|
| 1. $(x) [Px \supset Mx]$ | |
| 2. $(\exists x) [Ix \cdot Px] / \therefore (\exists x) [Ix \cdot Mx]$ | |
| 3. $Ia \cdot Pa$ | 2. EI |
| 4. $Pa \supset Ma$ | 1. UI |
| 5. $Pa \cdot Ia$ | 3. Com. |
| 6. Pa | 5. Simp. |
| 7. Ma | 4,6. M.P. |
| 8. Ia | 3. Simp. |
| 9. $Ia \cdot Ma$ | 8,7. Conj. |

8. שום נגר איננו לא-ישירה. אין שום פגנתרן עשיר. לכן נגר לעולם איננו פגנתרן. (Px, Ax, Rx).
9. רק האמיצים ראויים לתחילה. רק חיללים הם אמיתיים. לכן רק התייחסים ראויים לתחילה. (Ax : x ראיי לתחילה; Ax : x אמיתי; Ax : x חיליל).
10. כל האבקש גענה. שמעון איננו גענה. לכן שמעון איננו מבקש. (s, Nx, Mx).

7. הוכחת אי-תקופות

כדי להוכיח אי-תקופתו של ארגומנט המכיל כמהים, באפשרותנו להעתמש בדרך הברכה בעורת אנלוגיה לוגית. למשל, הארגומנט "כל הקומוניטים הם מתנגדים הממסד; ציריים אחדים הם מתנגדים הממסד; לכן ציריים אחדים הם קומוניסטים" מוכחה בלא-תקוף בעורת האנלוגיה "כל החתולים הם חיות; כלבים אחדים הם חיות; לכן כלבים אחדים הם חתולים"; אשר אירתקופה גלויה לעין משודע כי הקדימות אמיתיות וידוע כי מסקנתה שקרית. אולם לא תמיד קל להמציא אנלוגיות כאלה. רצואה או דווקא יעליה יותר להוכיח אי-תקופות.

בפרק הקודם פיתחנו דרך להוכיח אי-תקופות של ארגומנטים המכילים טענות מורכבות. דרך זו הייתה עשויה מקיבעת דרכו-יאמת לטענות הפשומות שהיו רכיביהם של הטענות המורכבות שבארגומנטים — באופן זה שהקדימות היו אמיתיות ומסקנותיהם שקריות. אפשר להתאים דרך זו לארגומנטים המבילים כמהים. ההטאה ברובות בהנחהו הכללית, שקיים לפחות יהוד אחד בעולם. כדי שארגומנט המכיל כמהים יהיה הקה, מן ההכרח שלא יהא אפשר שהקדמותיו אמיתיות ומסקנותו שקרית כל עוד קיים לפחות יהוד אחד.

הנחה הכללית כי קיים לפחות יהוד אחד באה על טיפוקה אם קיים בדיק ייחד אחד, או בדיק שני יהודים, או בדיק שלושה יהודים, ועוד להלאה. אם מניחים איזו הנחה מלאה בדבר מספרם המדויק של היהודים הקיימים, ישנה שקלות בין טענות כלויות וטענות מרכבות באטעןות קשי-יאמת. אם קיים בעולם ייחד אחד בדיק, נאמר א. הרי:

$$\phi(x) \equiv \phi(a) \quad (x)$$

אם קיימים בעולם בדיק שני יהודים, נאמר a ו-b, הרי:

$$\phi(x) \equiv [\phi(a) \vee \phi(b)] \quad (x)$$

ידועים אלו כי קיים לפחות דבר אחד שהוא גם ציפור וגם מוחזק בשבי. אבל הינו רשאי לקבוע לו את השם g, יכולנו כמובן, לטעון Sa . Ca — אך איננו רשאי לשוטה שום קביעה כזאת של g, שכן הוא כבר נוצר לפנircן בשורה 3 כדי למשש שס לאיגוטר המוחזק בשבי. כדי להונגע מטענות באלה, חיברים אנו לציטתה להגבלת שווייניה — כל אימת שהוא משתמש בהמחשה ישית. הדיון הקודם חייך להבהיר כי בכל הוכחה המצה- רילכה את השימוש בהמחשה ישית ובכלהה ישית כאה, וזאת להשתמש בהמחשה ישית ראשונה.

לאופני הארגומנטציה המסובכים יותר, במוחדר אלה המכילים יהדים, חוכה להטיל הגבלות נוספות מסוימות על ארבעת חוקי הכירות שלנו. אולם לארגומנטים מן הסוג הנוכח, מסקנות הגבלות הנווכחות כדי למגועם היסקים מוטעים.

תרגילאים

- בנה הוכחה צורנית לתקופתו של כל אחד מן הארגומנטים הללו, והשׁתמש בכל מקרה בטימון המוצע:
- * 1. שום ספורטאי איננו חולעת-ספרים. גוד הוא חולעת-ספרים. לכן גוד איננו ספורטאי. (Ax, Tx, g, g).
 - 2. כל הרקדנים הם נשיים. סייפים אחדים אינם נשאים. לכן סייפים אחדים אינם רקדנים. (Rx, Nx, Sx).
 - 3. שום קובייסט איננו מאושר. אידיאלייטים אחדים הם מאושרים. לכן אידיאלייטים אחדים אינם קובייסטים. (Kx, Mx, Ix).
 - 4. כל היליצינים הם רמאים. שום רמאי איננו מצליה. לכן שום ליצן איננו מצליה. (Ax, Rx, Mx).
 - 5. כל מטפיזהרים הם ידידותים. פושעים אחדים הם מטפיזהרים. לכן פושעים אחדים הם ידידותים. (Px, Mx, Yx, Rx).
 - 6. רק פצייפיטים הם קוויירים. קיימים קוויירים דתיב. לכן פצייפיטים הם לבעים דתיבים. (Dx, Px, Qx).
 - 7. להיות נוכל פירושו להיות גnb. אך ורק המkopחות הם גnbים. לכן נוכלים הם תמיד מקופחים. (Mx, Gx, Nx).