

## תורת הקבוצות - תרגיל בית 6

1. הוכיחו/הפריכו:

- א. קיים סודר  $\alpha \neq 0$  כך ש  $\omega \cdot \alpha = \alpha$ .  
ב. קיים סודר  $\alpha \neq 0$  כך ש  $\alpha \cdot \omega = \alpha$ .

2. תזכורת: בתרגול הגדרנו חזקות סודרים ברקורסיה באופן הבא:  
עבור  $\alpha \neq 0$

$$\alpha^\beta = \begin{cases} 1 & \beta = 0 \\ \alpha^\gamma \cdot \alpha & \beta = \gamma + 1 \\ \sup_{\gamma < \alpha} \{\alpha^\gamma\} & \text{otherwise} \end{cases}$$

הוכיחו באמצעות משפט ההגדרה ברקורסיה שהפונקציה הרקורסיבית  $f(\beta) = \alpha^\beta$  אכן מגדירה פונקציה  $f : ON \rightarrow ON$ . כלומר, מצאו את הפונקציות  $F, G$  המתאימות מהמשפט.