

## הרצאה VI - מכניתה

**החוק השלישי של ניוטון :** גוף A מפעיל כח על גוף B' איזי גוף B מוחזר לא' את אותו הכח- בגודל שווה אך בכיוון מנוגד.

ניתן לטעון כי החוק השלישי הוא תוצאה של השתיים האחרים. אם מפעיל כח אופקי על שני גופים צמודים ( $m_a, m_b$ ), נקבל כי גודל

$$\text{הכח הפועל עליהם הוא } a = \frac{F}{m_a + m_b}$$

$$\text{הנורמלי } F - N_b = \frac{m_a F}{m_a + m_b} . \text{ אם נעשה תרשימים כוחות עבור A ונקבל שתאוצתו שווה ל } N_a = \frac{M_b F}{M_a + M_b}$$

$$\text{בהתאמה ש } N_a = N_b$$

(ביצעו ניסוי בכיתה עם מים, על מנת לראות את החוק השלישי בפועל- הניסוי היה על מנוע הרוּן)

**דוגמא :** שני אסטרונואוטים מושכים בחוט. מסות 1 ו 2 מושכים בכוחות F ו 2 בהתאם. מסת החוט היא  $m_R$ . מהי התאוצה של כל אחד מהאסטרונואוטים?

פתרון:  $m_1 \ddot{x}_1 \hat{x} = m_R a_R \approx 0 \rightarrow F_1 = \vec{F}_1$  עברו הראשו. ועבור השני נקבל  $m_2 \ddot{x}_2 \hat{x} = -F_2 = \vec{F}_2$ . כי המסה של החוט זינחה.

**דוגמא נוספת:** כח קבוע F הפועל על שני גופים שחוט מגשר ביניהם.

פתרון: הכוחות שפועלים על כל גוף הם:

על A : פועל F והחבל.

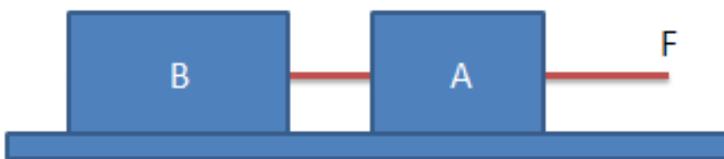
על החבל: הנגדי של

A ועל B גם כן זהה.

$$\text{משוואת עבור B: } m_B \ddot{x}_B \hat{x} = T_b \hat{x}$$

$$m_a \ddot{x}_a \hat{x} = (F - T_a) \hat{x}$$

$$\text{משוואת עבור החוט: } m_r \ddot{x}_r \hat{x} = (T_a - T_b) \hat{x}$$



נניח כי מסת החוט זינחה, ונקבל כי  $T_a = T_b$ . בעת נקבל שתי מסות עם שלושה נעלמים, מה שלא ניתן להגיע אליו לפתרון יחיד. על מנת להגיע לפתרון יחיד נגביל את אורך החוט לאורך מסויים. נניח כי אורך החוט הוא L. בעת ניתן לרשום כי המרחק בין הגוףים שווה

לצ"א  $L = x_1 - x_2$ . אם נגוזר פעמיים נקבל כי  $0 = \ddot{x}_1 - \ddot{x}_2$  ולאחר התאוצאות שווות, קיבנו שתי מסות בשני נעלמים ולכון

קיים פתרון יחיד. נציב, ונקבל כי  $\frac{F}{m_a + m_b}$ . בעת לא נזינח את מסת החוט, ולכון לא בהכרח שהכוחות שווים. נקבל שלוש מסות

עם חמישה נעלמים. המשוואות החדשות שנתקבלות הם:  $\begin{cases} m_b a = T_b \\ m_a a = F - T_a \\ m_R a = T_a - T_b \end{cases}$

ונקבל כי  $a = \frac{F}{m_a + m_b + m_R}$ . (הטריך כאן היה להראות שההתאוצה שלהם שווה על ידי הגבלת על אורך החוט ונטיריה כפולה). גגלי

הכוחות הם:  $T_b = \frac{m_a F}{m_a + m_b + m_R}, T_a = \frac{(m_a + m_R) F}{m_a + m_b + m_R}$ .

אם היה מדובר ברכבת, ככל שהיינו מתרחקים מהכח F המתייחס היה גדלה.

נפסיק לעת עתה עם התרגילים, ונעבור לדון במשמעות השאלה "מהו כוח?" ונסתכל להגדרם. אחרי הכל, ללא הבנת המושג כח אין משמעות לחוקי ניוטון עבורנו.

כח גրביטציה: גודל הקבוע  $\vec{F}_G = G \frac{m_1 m_2}{|R|^2} \hat{R}_{1,2}$  גודל הקבוע הוא  $G = 6.67 \times 10^{-11} \frac{Nm^2}{kg^2}$ .

שאינם נקודתיים גם אז ניתן להזניח את צורתם. ועוד, אם הגוףים הם כדוריים, ניתן להסתכל על הגוף כאילו כל המסה מרכז

במרכזו. ניתן בעזרת נוסחה זו לחשב את g קבוע הנפילה החופשית:  $Mg = Mg = 9.8M = 9.8 \times 10^{-11} \frac{M \times 6 \times 10^{24}}{(6.4 \times 10^6)^2}$ , זה קירוב

שמזינים בו את העובדה שכדור הארץ אינו כדור (אלף אחוז) וגם מזינים את העובדה שכדור הארץ מסתובב.

הכח החדש שלמדנו עליו יוצר בעיה מסוימת עם ההגדרה הקודמת שלנו של המסה. איינשטיין פתר בעיה זו בדרך יצירתיות וטען כי כח הגרביטציה יוצר עיוותים למרחב, וניסח הגדרה יותר ברורה למסה.

הגדרה חדשה למסה:  $V = M$  מכפלת הצפיפות בנפח.