

מבוא לאלגברה לינארית - תרגיל 6

תרגיל 1. תהי $A = \{v_1, \dots, v_n\}$ קבוצה ת"ל פורשת את V . הוכח שקיים $v_i \in A$ כך שהקבוצה $A/\{v_i\}$ (הקבוצה A בלי הווקטור v_i) עדיין תפרוש את V .

תרגיל 2. תהי $A = \{v_1, \dots, v_n\}$ קבוצה בת"ל שלא פורשת את V . הוכח שקיים $w \in V$ כך שהקבוצה $A \cup \{w\}$ (הקבוצה A עם הווקטור w) עדיין בת"ל.

תרגיל 3. חשב את המימד של

$$W = \left\{ \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \\ w \end{pmatrix} \in \mathbb{R}^4 \mid \begin{cases} x + y + z + w = 0 \\ x + z + 2w = 0 \end{cases} \right\} \subseteq \mathbb{R}^{2 \times 2}$$

תרגיל 4. צמצם/הרחב את הקבוצות הבאות כך שהתקבל בסיס למ"ו הרלוונטי.

$$1. A = \left\{ \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 3 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ 2 \end{pmatrix} \right\}$$

$$2. A = \left\{ \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 4 & -2 \end{pmatrix} \right\}$$

$$3. A = \left\{ \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \right\}$$

תרגיל 5. מהו הבסיס הסטנדרטי של $\mathbb{R}^{2 \times 2}$? והוכח שהוא באמת בסיס.

תרגיל 6. הצג את המטריצה $\begin{pmatrix} 30 & 24 \\ 22 & 24 \end{pmatrix}$ כצירוף ליניארי של המטריצות

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 4 & 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 4 & 1 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$$

בהצלחה!!